

# 理 科

平成 20 年 度

## 入 学 試 験 問 題

受 験 番 号	
---------	--

### 答 案 作 成 上 の 注 意

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 2 試験中に、問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁、乱丁および解答用紙の汚れなどに気づいた場合は、手を挙げて、監督者に知らせなさい。
- 3 問題は物理、化学、生物いずれも□1、□2の2問、計6問あります。6問中任意の4問を選んで解答しなさい。5問以上答えた時には点数のよい4問を得点とします。

物 理      1 ページから 12 ページまで  
化 学      13 ページから 24 ページまで  
生 物      25 ページから 36 ページまで

- 4 解答用紙には、物理解答用紙、化学解答用紙、生物解答用紙の3種類があります。これらの3種類のすべての解答用紙の氏名、受験番号の記入欄および受験番号のマーク欄にそれぞれ正しく記入し、マークしなさい。また、問題冊子の表紙の受験番号欄にも記入しなさい。
- 5 問題冊子のどのページも切り離してはいけません。また、問題用紙の余白は計算用紙として自由に使用してよろしい。
- 6 試験場内で配布された問題冊子、解答用紙はいっさい持ち帰ってはいけません。
- 7 計算機能をもつ時計、計算器具などの使用は禁止します。使用している場合は不正行為とみなします。
- 8 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読みなさい。ただし、問題冊子を開けてはいけません。また、マークシートに記載してある「注意事項」も読んでおきなさい。

物 理

- 1 (1) 次の問いに対して、最も適切な式あるいは数値を選択肢の中から一つ選びなさい。

質量が  $m$  で一辺の長さが 2 の正方形の板 A と板 B がある。2 枚の板の質量および厚みは等しく、密度は一律である。また、重力加速度は  $g$  とする。図 1 のように板 A、板 B を  $xy$  座標上に並べて置いた。板 A の重心の座標は  $(1, 1)$  で板 B の重心の座標は  $(3, 1)$  である。

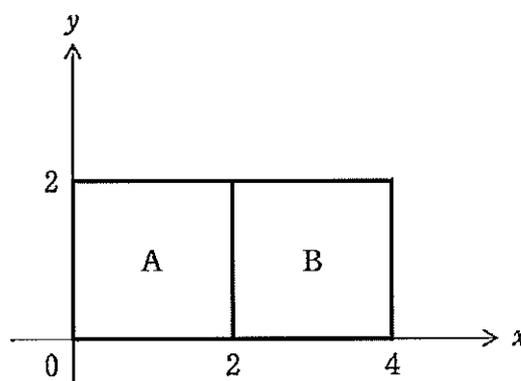


図 1

問 1 板 A、板 B を 1 枚の板とみなしたときの重心の座標を求めなさい。

ア

ア の選択肢

- |            |            |            |
|------------|------------|------------|
| ① $(0, 0)$ | ② $(1, 1)$ | ③ $(2, 1)$ |
| ④ $(2, 2)$ | ⑤ $(3, 1)$ | ⑥ $(4, 2)$ |

次に縦が 1、横が 2 の長さの長方形で質量が  $\frac{1}{2}m$  の板 C を図 2 のように設置した。板 C の厚みと密度は、板 A と同じである。板 A と板 C を 1 枚の板とみなしたとき、これを板 [AC] と記述することとする。

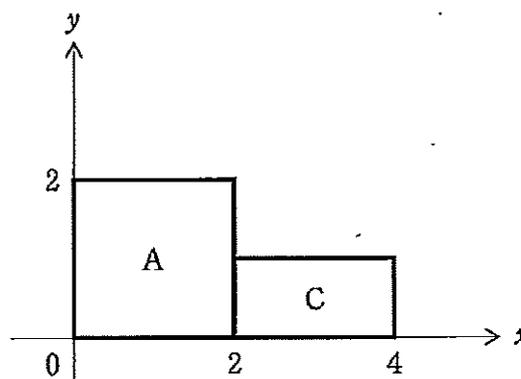


図 2

問 2 板[AC]の重心を求めよう。まず、板Aの重心の $x$ 座標は $x_A = \boxed{\text{イ}}$ であり、板Cの重心の $x$ 座標は $x_C = \boxed{\text{ウ}}$ である。原点を中心に反時計回りを正の回転とし、板[AC]の重心の $x$ 座標を $X$ とする。原点Oのまわりの力のモーメントのつりあいの式は、

$$x_A \times \boxed{\text{エ}} + x_C \times \boxed{\text{オ}} = \boxed{\text{カ}}$$

となる。これから $X$ を求めると、 $\boxed{\text{キ}}$ となる。 $y$ 座標も同様に求めることができ、重心の座標は $(\boxed{\text{キ}}, \boxed{\text{ク}})$ となる。

$\boxed{\text{イ}}, \boxed{\text{ウ}}$ の選択肢

- ① 0            ② 1            ③ 2            ④ 3            ⑤ 4

$\boxed{\text{エ}}, \boxed{\text{オ}}$ の選択肢

- ① 0                    ②  $-\frac{1}{2}mg$             ③  $-mg$   
 ④  $-\frac{3}{2}mg$             ⑤  $-2mg$

$\boxed{\text{カ}}$ の選択肢

- ① 0                    ②  $-\frac{1}{2}Xmg$             ③  $-Xmg$   
 ④  $-\frac{3}{2}Xmg$             ⑤  $-2Xmg$

$\boxed{\text{キ}}, \boxed{\text{ク}}$ の選択肢

- ① 0            ②  $\frac{1}{6}$             ③  $\frac{1}{3}$             ④ 1            ⑤  $\frac{5}{6}$   
 ⑥  $\frac{7}{6}$             ⑦  $\frac{5}{3}$             ⑧ 2            ⑨  $\frac{7}{3}$             ⑩ 3

問 3 板[AC]の両端に2本のひも a, b をつけ、図3のようにそれぞれのひもがたるまないように、また、間隔を4に保ったまま、鉛直に板[AC]をつるした。この状態で、

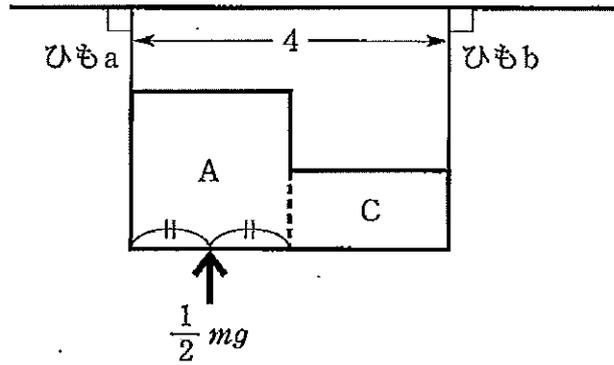


図 3

板 A の底辺の中心に鉛

直上向きに  $\frac{1}{2}mg$  の力を加えた。このとき、ひも a の張力を  $F_a$ 、ひも b の張力を  $F_b$  とすると、力のつりあいの式は、

$$F_a + F_b = \frac{3}{2}mg - \frac{1}{2}mg$$

となり、重心のまわりの力のモーメントのつりあいの式は、

$$\boxed{\text{ケ}} \times F_b - \boxed{\text{コ}} \times F_a - \boxed{\text{サ}} \times \frac{1}{2}mg = \boxed{\text{シ}}$$

となる。

これらの式からひも a の張力  $F_a$  は、 $\boxed{\text{ス}}$  となり、ひも b の張力  $F_b$  は、 $\boxed{\text{セ}}$  となる。

$\boxed{\text{ケ}}$ 、 $\boxed{\text{コ}}$ 、 $\boxed{\text{サ}}$ 、 $\boxed{\text{シ}}$  の選択肢

- |                 |                 |                 |                  |                 |
|-----------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|
| ① 0             | ② $\frac{1}{6}$ | ③ $\frac{1}{3}$ | ④ $\frac{2}{3}$  | ⑤ $\frac{5}{6}$ |
| ⑥ $\frac{7}{6}$ | ⑦ $\frac{3}{2}$ | ⑧ $\frac{5}{3}$ | ⑨ $\frac{11}{6}$ | ⑩ $\frac{7}{3}$ |

$\boxed{\text{ス}}$ 、 $\boxed{\text{セ}}$  の選択肢

- |                   |                     |                    |                    |
|-------------------|---------------------|--------------------|--------------------|
| ① 0               | ② $\frac{1}{16}mg$  | ③ $\frac{1}{8}mg$  | ④ $\frac{3}{16}mg$ |
| ⑤ $\frac{1}{4}mg$ | ⑥ $\frac{5}{16}mg$  | ⑦ $\frac{7}{16}mg$ | ⑧ $\frac{1}{2}mg$  |
| ⑨ $\frac{5}{8}mg$ | ⑩ $\frac{11}{16}mg$ |                    |                    |

(2) 次の文中の空欄にあてはまる最も適切なものを、選択肢の中から一つ選びなさい。

静止している質量  $m$ 、電荷  $q$  の荷電粒子を、電位差  $V$  で加速すると、粒子は運動エネルギー  $\square$  を得る。したがって、速さ  $v$  は  $\square$  となる。この粒子の速度と垂直な方向に、磁束密度  $B$  の一様な磁場(磁界)をかけると、ローレンツ力が円運動の向心力となり、粒子は等速円運動をする。この粒子の円運動の方程式は、

$$m \frac{v^2}{r} = \square \dots (A)$$

であり、円運動の半径  $r$  と周期  $T$  は、それぞれ、 $r = \square$ 、 $T = \square$  である。

$\square$  の選択肢

①  $\frac{1}{2} qV^2$     ②  $\frac{1}{2} mV^2$     ③  $\frac{V}{q}$     ④  $\frac{q}{V}$     ⑤  $qV$

$\square$  の選択肢

①  $V \sqrt{\frac{q}{m}}$     ②  $V$     ③  $\sqrt{\frac{2qV}{m}}$     ④  $\sqrt{\frac{2q}{mV}}$     ⑤  $\sqrt{\frac{2V}{mq}}$

$\square$  の選択肢

①  $qvB$     ②  $qvB^2$     ③  $\frac{v}{q} B$     ④  $\frac{v}{q} B^2$     ⑤  $\frac{v}{q} \sqrt{B}$

$\square$  の選択肢

①  $\frac{V}{B} \sqrt{\frac{m}{q}}$     ②  $\frac{mV}{qB}$     ③  $\frac{1}{B} \sqrt{\frac{2mV}{q}}$   
 ④  $\frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m}{qV}}$     ⑤  $\frac{1}{qB} \sqrt{\frac{2mV}{q}}$

$\square$  の選択肢

①  $\frac{2\pi mq}{B}$     ②  $\frac{2\pi mq}{B^2}$     ③  $\frac{2\pi mq}{\sqrt{B}}$     ④  $\frac{2\pi m}{qB}$     ⑤  $\frac{2\pi m}{qB^2}$

(A)式を変形すると、 $mv = \boxed{\text{ト}}$ となり、荷電粒子の質量や速さが未知の場合でも、電荷  $q$  がわかっているならば、磁束密度  $B$  が既知の磁場に入射させて、円運動の半径  $r$  を測定することにより、その運動量を知ることができる。

図4の灰色で示した  $0 \leq y \leq L$  の領域には、磁束密度が  $B$  で、紙面の裏から表方向の一様な磁場がかかっている。この領域を電荷  $q$  の荷電粒子が通過する二つの場合を考える。まず、図5のように、荷電粒子が  $x$  軸に垂直に入射し、磁場の中で進行方向が、角度  $\theta$  だけ曲げられた場合、円運動の半径は  $r = \boxed{\text{ナ}}$  である。次に、図6のように、荷電粒子が  $y$  軸に対する角度  $\theta_1$  で入射し、角度  $\theta_2$  で出ていった場合は、 $r = \boxed{\text{ニ}}$  である。結局、荷電粒子が磁場に入射した角度と、磁場から出ていった角度を測定することにより、運動量が測定できる。

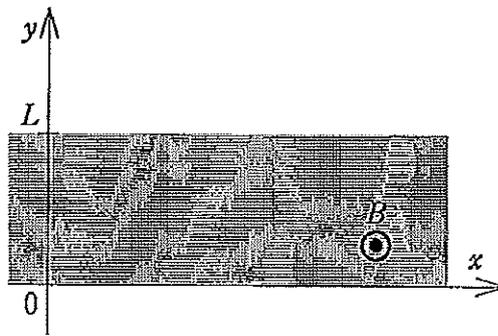


図4

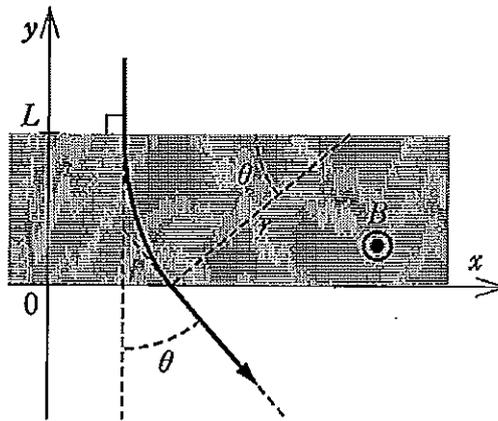


図5

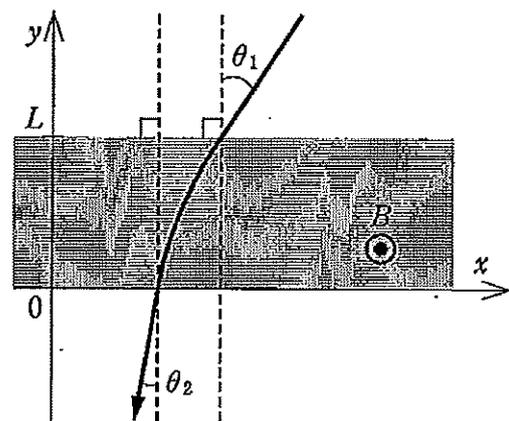


図6

トの選択肢

- ①  $\frac{r}{q}B$       ②  $\frac{r}{q}B^2$       ③  $\frac{r}{q}\sqrt{B}$       ④  $qrB$       ⑤  $qrB^2$

ナの選択肢

- ①  $L\sin\theta$       ②  $\frac{L}{\sin\theta}$       ③  $\frac{L\sin\theta}{\cos\theta}$       ④  $L\cos\theta$       ⑤  $\frac{L}{\cos\theta}$

ニの選択肢

- ①  $L\sin(\theta_1 - \theta_2)$       ②  $\frac{L}{\sin\theta_1 - \sin\theta_2}$       ③  $\frac{L\sin(\theta_1 - \theta_2)}{\cos(\theta_1 - \theta_2)}$   
④  $L\cos(\theta_1 - \theta_2)$       ⑤  $\frac{L}{\cos\theta_1 - \cos\theta_2}$

2 次の問いに対して、最も適切な式、数値あるいはグラフを選択肢の中から一つ選びなさい。

(1) 正弦波が  $x$  軸の正方向に速さ 20 cm/s で進んでいる。  $x = 10$  cm にある位置 P での媒質の変位  $y$  (cm) が時間  $t$  (s) とともに変化する様子を図 1 に示す。

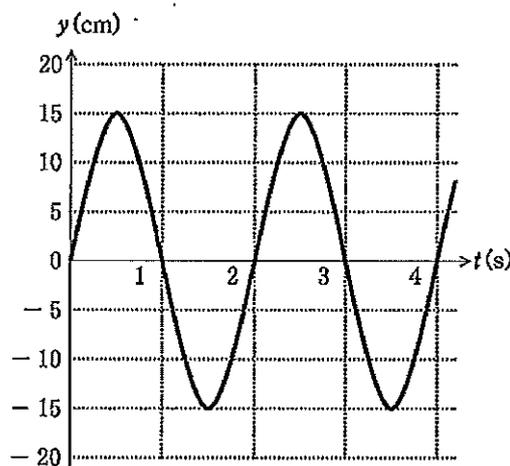


図 1

問 1 周期は何秒か。  秒

問 2 振動数は何ヘルツか。  Hz

,  の選択肢

- ① 0.5                      ② 1.0                      ③ 1.5                      ④ 2.0  
 ⑤ 2.5                      ⑥ 3.0                      ⑦ 3.5

問 3 波長は何センチメートルか。  cm

の選択肢

- ① 10                      ② 20                      ③ 30                      ④ 40                      ⑤ 50

問 4  $x = 110$  cm にある位置 Q では、  $t = 50$  s での媒質の変位は何センチメートルになるか。  cm

の選択肢

- ① -15                      ② -10                      ③ -5                      ④ 0  
 ⑤ 5                      ⑥ 10                      ⑦ 15

問 5 位置 Q に壁を置き、波を固定端反射させる。

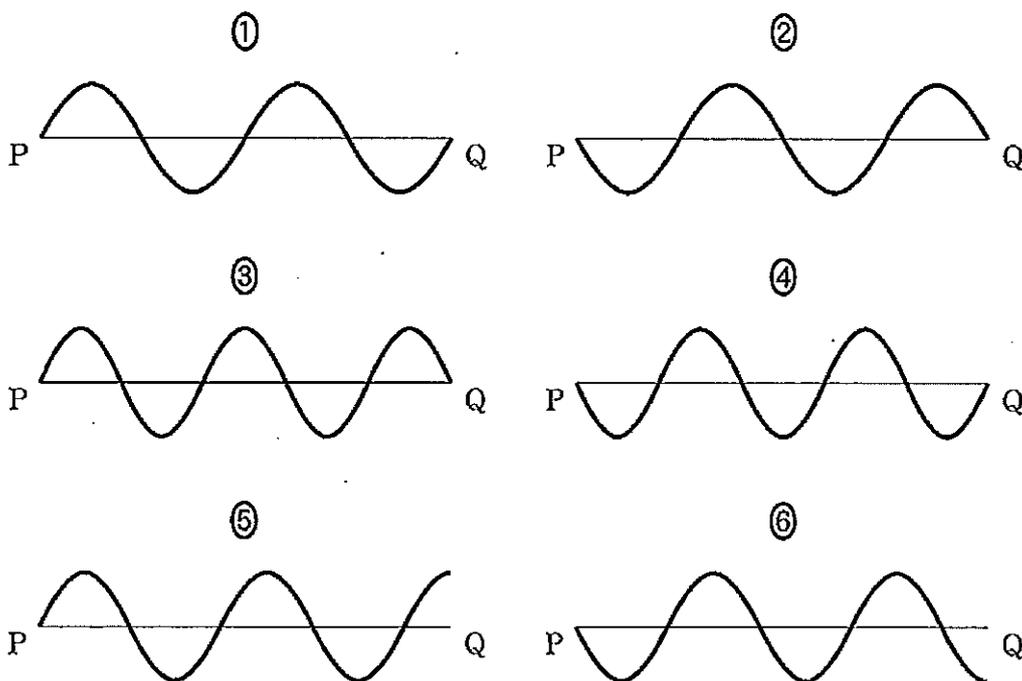
(i) 壁の手前には定常波が形成される。定常波の振幅が最大となる場所は、位置 P と壁との間に何か所あるか。 **オ** か所

**オ** の選択肢

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5  
 ⑥ 6      ⑦ 7      ⑧ 8      ⑨ 9      ⑩ 10

(ii)  $t = 50 \text{ s}$  での反射波だけの波形を PQ 間で描くとどうなるか。ただし、反射波の振幅と周期は入射波と同じとする。また、選択肢の波形の左端は位置 P に、右端は位置 Q に対応するものとする。 **カ**

**カ** の選択肢



(iii) 壁の前に出来る定常波により，位置 P の前方の  $x = 20 \text{ cm}$  における媒質の変位は， $t = 50 \text{ s}$  には何センチメートルになるか。 キ cm

キ の選択肢

- ①  $-30$       ②  $-20$       ③  $-15$       ④  $-10$       ⑤  $0$   
 ⑥  $10$       ⑦  $15$       ⑧  $20$       ⑨  $30$

(2) 一辺の長さが  $L$  の立方体容器の中に質量  $m$  の単原子分子の理想気体が入っている。気体の絶対温度は  $T$ ，圧力の大きさは  $p$  で，容器壁面では分子は弾性衝突をする。また，気体は希薄なため，分子間の衝突は無視できる。ボルツマン定数を  $k$ ，アボガドロ定数を  $N_A$  として以下の問いに答えなさい。

問 1 気体分子 1 個当たりが有する平均の運動エネルギーはいくらか。 ク

ク の選択肢

- ①  $\frac{1}{2} kT$       ②  $kT$       ③  $\frac{3}{2} kT$   
 ④  $\frac{1}{2} mkT$       ⑤  $mkT$       ⑥  $\frac{3}{2} mkT$

問 2 気体分子 1 個当たりの平均の運動エネルギーを元に，分子速度の 2 乗の平均値が求まり，その平方根を「2 乗平均速度」と呼ぶ。気体分子の 2 乗平均速度はいくらになるか。 ケ

ケ の選択肢

- ①  $\sqrt{\frac{kT}{m}}$       ②  $\sqrt{\frac{kT}{2}}$       ③  $\sqrt{\frac{kT}{2m}}$   
 ④  $\sqrt{\frac{3kT}{2}}$       ⑤  $\sqrt{\frac{3kT}{2m}}$       ⑥  $\sqrt{\frac{3kT}{m}}$

問 3 容器内の気体分子の個数は何個か。  個

の選択肢

①  $\frac{pL^3}{kT}$

②  $\frac{pL^3}{N_A kT}$

③  $\frac{pL^3}{kT} N_A$

④  $\frac{pL^3}{mkT}$

⑤  $\frac{pL^3}{mkT} N_A$

⑥  $\frac{m}{3L^3} N_A$

問 4 気体分子の 2 乗平均速度を  $\bar{v}$  と表すことにする。

(i) 1 秒間に 1 個の分子が 1 つの壁面に衝突する回数は平均何回か。

回

の選択肢

①  $\frac{\bar{v}}{L}$

②  $\frac{\bar{v}}{2L}$

③  $\frac{\sqrt{3}\bar{v}}{L}$

④  $\frac{\sqrt{3}\bar{v}}{2L}$

⑤  $\frac{\bar{v}}{2\sqrt{3}L}$

(ii) 1 つの壁面が 1 秒間に分子 1 個当たりから受ける力はいくらになるか。

の選択肢

①  $\frac{m\bar{v}^2}{L}$

②  $\frac{2m\bar{v}^2}{L}$

③  $\frac{m\bar{v}^2}{2L}$

④  $\frac{m\bar{v}^2}{3L}$

⑤  $\frac{m\bar{v}^2}{\sqrt{3}L}$

(iii) 全分子が 1 秒間に 1 つの面の単位面積に衝突する回数は平均何回か。

回

の選択肢

①  $\frac{p\bar{v}}{kT}$

②  $\frac{p\bar{v}}{N_A kT}$

③  $\frac{p\bar{v}}{2kT}$

④  $\frac{p\bar{v}}{2N_A kT}$

⑤  $\frac{p\bar{v}}{2\sqrt{3}kT}$

⑥  $\frac{p\bar{v}}{2\sqrt{3}N_A kT}$