

物 理

以下の から にあてはまる最も適切な答えを各解答群から 1 つ選び、解答用紙(マークシート)にマークせよ。ただし、同じ番号をくり返し選んでもよい。数値を選ぶ場合は最も近い値を選ぶものとする。

- I 軽いばねの一端を、静止しているエレベーターの天井に固定した。ばねはフックの法則が成立する範囲内で伸び縮みする。また、重力は図の下向きに作用し、重力加速度の大きさを g とする。ただし、空気抵抗や浮力は無視できるものとする。

(1) 図 1 のように、ばねの他端に質量 m の物体を静かにつるした。ばねは自然の長さから鉛直下向きに α だけ伸びて静止した。このときの物体の位置を、つりあいの位置とよぶ。このばねのばね定数は、 m と g と α を用いて表すと、 である。ばねをつりあいの位置からさらに鉛直方向に α だけ伸ばしてから静かにはなすと、物体は単振動する。単振動の振動数は であり、物体がつり合いの位置を通過するときの速さは である。

図 2 のように、ばねに質量 m の物体をつるした状態のまま、エレベーターを鉛直上向きで大きさ $\frac{1}{4}g$ の一定の加速度で上昇させた。このときのつりあいの位置は、自然の長さから $\times \alpha$ だけ伸びた位置となる。エレベーターが加速している間に物体を単振動させると、単振動の周期は となる。

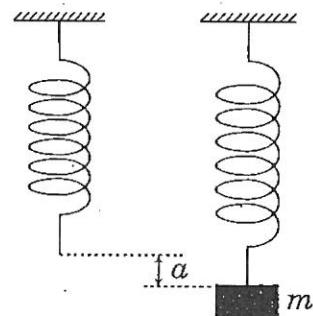


図 1

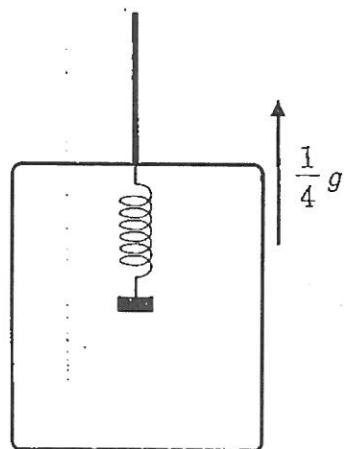


図 2

1 の解答群

- | | | | |
|-----------------|-------------------|-------------------|------------------|
| ① $\frac{g}{a}$ | ② $\frac{mg}{2a}$ | ③ $\frac{2mg}{a}$ | ④ $\frac{mg}{a}$ |
| ⑤ $\frac{a}{g}$ | ⑥ $\frac{ma}{2g}$ | ⑦ $\frac{2ma}{g}$ | ⑧ $\frac{ma}{g}$ |

2 と 3 と 5 の解答群

- | | | | | |
|--------------------------------------|---------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|
| ① $2\pi\sqrt{\frac{a}{g}}$ | ② $2\pi\sqrt{\frac{a}{2g}}$ | ③ $2\pi\sqrt{\frac{g}{a}}$ | ④ $2\pi\sqrt{\frac{g}{2a}}$ | ⑤ $2\pi\sqrt{ga}$ |
| ⑥ $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{a}{g}}$ | ⑦ $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{a}{2g}}$ | ⑧ $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{g}{a}}$ | ⑨ $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{g}{2a}}$ | ⑩ $\frac{1}{2\pi}\sqrt{ga}$ |
| Ⓐ $\sqrt{\frac{a}{g}}$ | Ⓑ $\sqrt{\frac{a}{2g}}$ | Ⓒ $\sqrt{\frac{g}{a}}$ | Ⓓ $\sqrt{\frac{g}{2a}}$ | Ⓔ \sqrt{ga} |

4 の解答群

- | | | | | | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----|-----------------|-----------------|-----------------|-----|
| ① $\frac{1}{4}$ | ② $\frac{1}{2}$ | ③ $\frac{3}{4}$ | ④ 1 | ⑤ $\frac{5}{4}$ | ⑥ $\frac{3}{2}$ | ⑦ $\frac{7}{4}$ | ⑧ 2 |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----|-----------------|-----------------|-----------------|-----|

(2) エレベーターは静止しているとする。図3のように、このばねに質量が $m + \Delta m$ の物体をつるした。 Δm は m に比べて十分に小さいとする。物体を鉛直方向に単振動させたときの周期は、ばね定数を k とすると 6 となる。ここで、 x が 1 より十分小さいときに $\sqrt{1+x} \approx 1 + \frac{1}{2}x$ が成り立つことを用いれば、得られた周期 6 は 7 と近似できる。

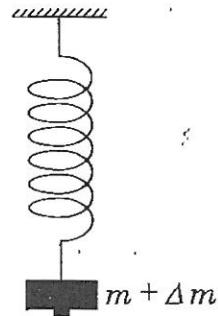


図3

このばねに質量が 1.0000 kg の物体をつるして鉛直方向に単振動させたとき、その单振動の周期は、 $T = 1.0000 \times 10^{-1}$ s であった。この物体に、質量が 0.0020 kg の小物体を加えて单振動させたときの周期は T' であった。このふたつの周期の差 $T' - T$ は、7 を用いると 8 s と求まる。

6 の解答群

① $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2k}{m + \Delta m}}$

③ $2\pi \sqrt{\frac{2k}{m + \Delta m}}$

⑤ $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{m + \Delta m}{2k}}$

⑦ $2\pi \sqrt{\frac{m + \Delta m}{k}}$

② $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m + \Delta m}}$

④ $2\pi \sqrt{\frac{k}{m + \Delta m}}$

⑥ $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{m + \Delta m}{k}}$

⑧ $2\pi \sqrt{\frac{m + \Delta m}{2k}}$

7 の解答群

① $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \left(1 + \frac{\Delta m}{m} \right)$

③ $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \left(1 + \frac{m}{\Delta m} \right)$

⑤ $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \left(1 + \frac{\Delta m}{m} \right)$

⑦ $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \left(1 + \frac{m}{\Delta m} \right)$

② $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \left(1 + \frac{\Delta m}{2m} \right)$

④ $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \left(1 + \frac{m}{2\Delta m} \right)$

⑥ $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \left(1 + \frac{\Delta m}{2m} \right)$

⑧ $\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \left(1 + \frac{m}{2\Delta m} \right)$

8 の解答群

① 1.0×10^{-2}

② 2.0×10^{-2}

③ 5.0×10^{-2}

④ 1.0×10^{-3}

⑤ 2.0×10^{-3}

⑥ 5.0×10^{-3}

⑦ 1.0×10^{-4}

⑧ 2.0×10^{-4}

⑨ 5.0×10^{-4}

⑩ 1.0×10^{-5}

⑩ 2.0×10^{-5}

⑩ 5.0×10^{-5}

II 以下のような装置について考える。ただし、摩擦による静電気は発生しないものとする。

(1) 図1(a)のように、H型の断面をもつ絶縁体の棒に、大きさが同じ金属板IとIIとIIIを溝の中に入れた。図1(b)は、横から見たようである。金属板IとIIは図1(b)で示された位置で固定したが、金属板IIIは溝の中をなめらかに動くことができる。最初、どの金属板も帶電していなかった。また、図1(b)の状態では、金属板IIとIIIは接触していて、電荷は移動できるものとする。

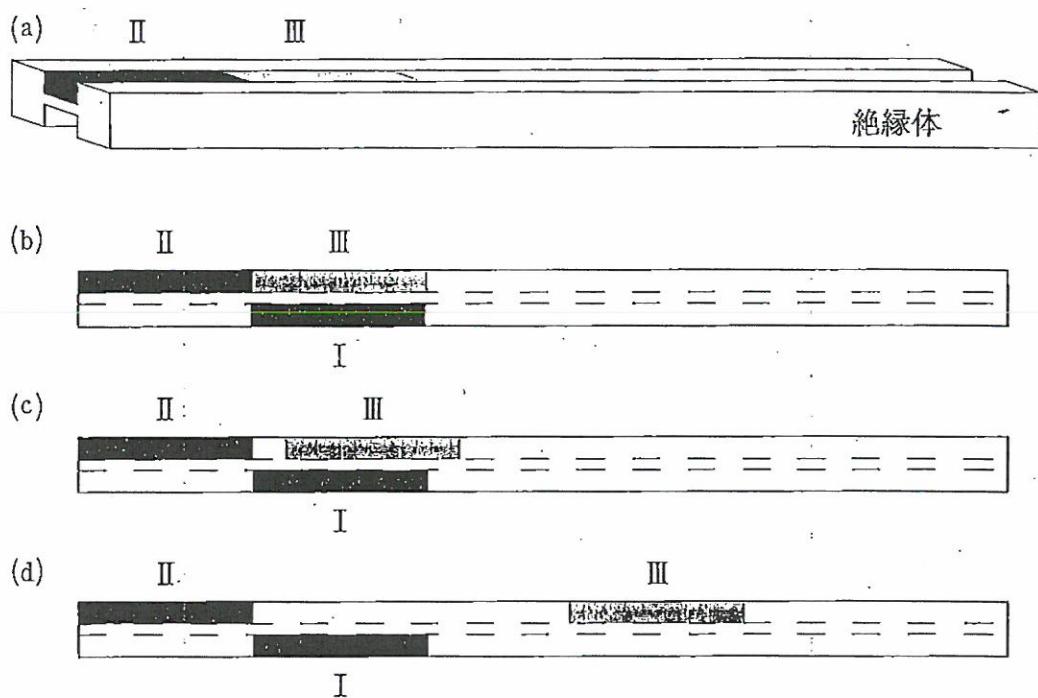


図1

図1(b)の状態で金属板Iのみを負に帯電させると、金属板IとIIIにはさまれた絶縁体の上部と下部には異符号の電荷があらわれる。この現象は [9] とよばれる。一方、金属板IIとIIIの表面にも電荷があらわれる。この現象は [10] とよばれる。

次に、図1(c)のように金属板IIとIIIを離すと、IIとIIIの間で電荷は移動できなくなる。図1(c)の状態から、図1(d)のように金属板IIIをさらに右方向に動かすためには、金属板IIとIIIの間および金属板IとIIIの間にはたらく [11] にさからって仕事をする必要がある。図1(d)の状態は図1(c)の状態と比べると、金属板I, II, IIIに帯電

した電荷は変化しないが、金属板ⅡとⅢの間およびⅠとⅢの間の距離が大きくなる。

図1(d)の状態における金属板Ⅱと金属板Ⅲの間の電位差は、図1(c)の状態に比べて

12。

9 と 10 の解答群

- ① 相互誘導 ② 静電誘導 ③ 誘電分極 ④ 電磁誘導 ⑤ 光電効果

11 の解答群

- ① 引力 ② 斥力 ③ 向心力 ④ 遠心力

12 の解答群

- ① 小さくなる ② 変化はない ③ 大きくなる

(2) 図1と同じ絶縁体の棒の上面の溝に金属板A, B, Cを、下面の溝に金属板FとGを固定する。図2(a)は、横から見たようである。金属板AとG, CとFは導線でそれぞれ接続されている。さらに、絶縁体の細い棒でつながっている金属板DとEは、上面の溝に入れられており、DとEの距離を変化させずに同時に溝の中を左右に動かすことができる。なお、すべての金属板は同じ大きさであり、最初、どの金属板も帶電していなかった。以下の操作を順番に行った場合に、各金属板が持つ電荷について考えていく。ただし、ひとつの操作を終えて次の操作を行うまでに、十分時間が経過しているものとする。

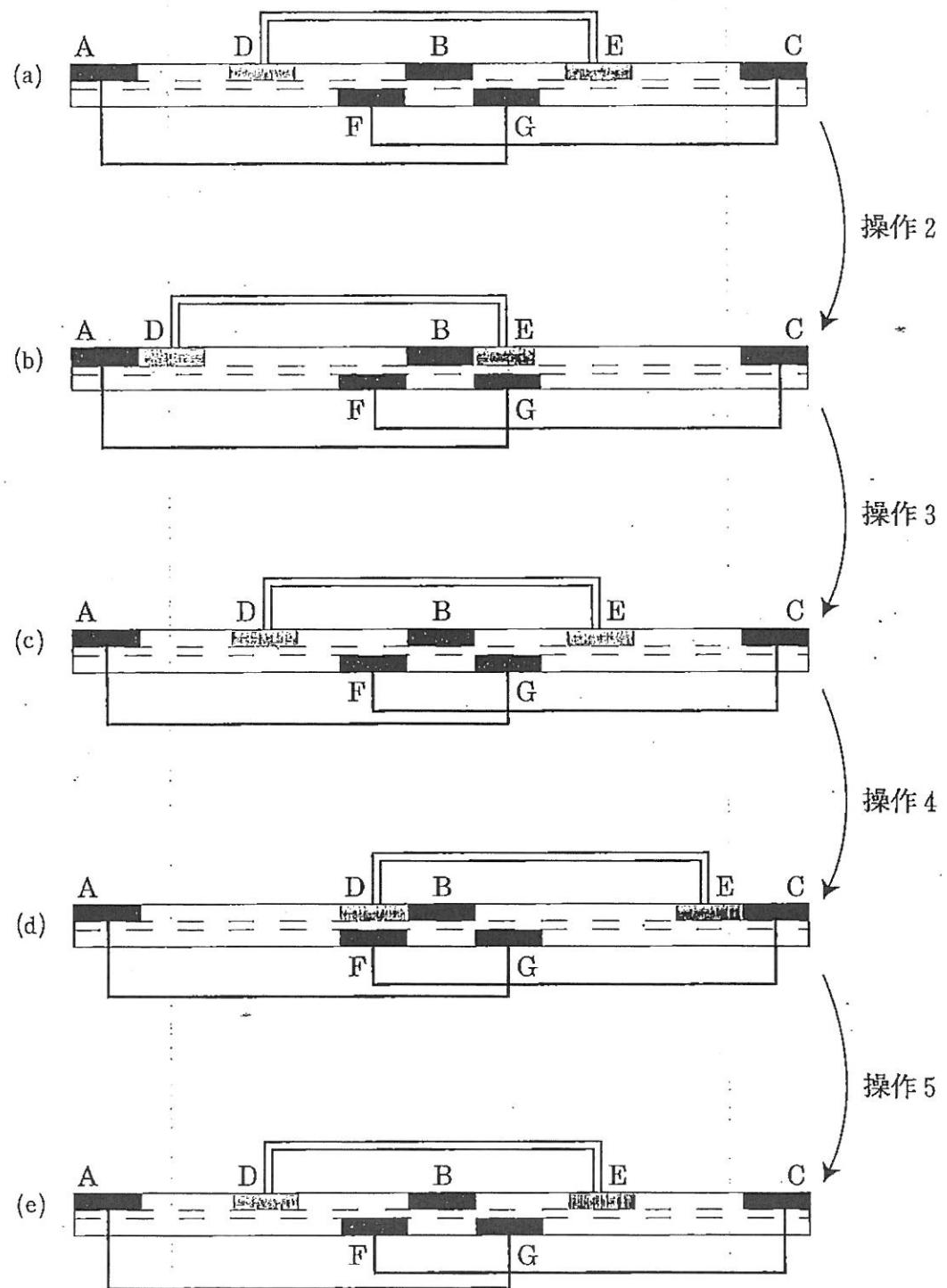


図 2

操作1：図2(a)の状態のとき、金属板Dを負に帯電させた。

操作2：図2(a)の状態から金属板DとEを左に動かして、図2(b)のように金属板DをAに接触させた。そのとき、金属板EもBに接触した。金属板Dにあった電荷のある部分は金属板AとGに移動した。このとき、金属板B側と金属板E側にあらわれる電荷の符号は 13。

操作3：図2(b)の状態から図2(c)の状態にした。この状態にするためには外部から 14 の仕事をする必要がある。

操作4：図2(c)の状態から金属板DとEを右に動かして、図2(d)のように金属板EをCに接触させた。そのとき、金属板DはBに接触した。金属板Eにあった電荷のある部分は金属板CとFに移動し、金属板CとFは 15 に帯電した。

操作5：図2(d)の状態から金属板DとEを左に動かして、図2(e)の状態にした。このとき金属板Dが持っている電気量 q [C] と、操作3の図2(c)のときには金属板Dが持っていた電気量 q' [C] を比較すると、16 である。

このように金属板DとEを繰り返し往復させることによって、この装置全体が持つ静電エネルギーは 17。

13 の解答群

- ① 同じである ② 異なる

14 と 15 の解答群

- ① 正 ② 負

16 の解答群

- ① $|q| < |q'|$ ② $|q| = |q'|$ ③ $|q| > |q'|$

17 の解答群

- ① 減少する ② 変化しない ③ 増加する

III 断熱材でできた断面積 S [m^2] のシリンダーが水平に固定され、その中になめらかに動く壁 1 がある。壁 1 で仕切られたシリンダー内の空間 A には、単原子分子の理想気体が封入されている。壁 1 の厚さは無視でき、シリンダーと壁 1 はともに断熱材でできている。また、シリンダーには温度調整器が取りつけられており、シリンダー内の気体を加熱、冷却することができる。ただし、温度調整器の体積と熱容量は無視できる。図 1 のように、水平右向きに x 軸をとり、シリンダーの左端から距離 a [m] の位置を原点 O ($x = 0$ [m]) とする。このときのシリンダー外部の圧力を p_0 [Pa]、温度を T_0 [K] とする。

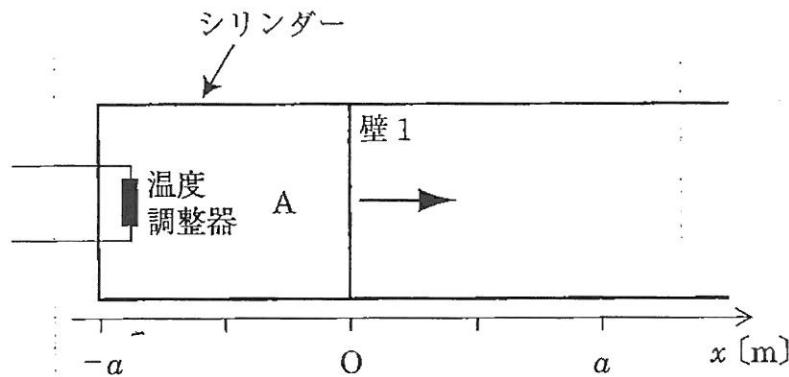


図 1

- (1) 図 1 のように、壁 1 は原点 O の位置にある。空間 A の気体の圧力および温度は、シリンダー外部の圧力 p_0 [Pa] および温度 T_0 [K] と等しくした。この状態から温度調整器で空間 A の気体をゆっくりと加熱して、気体の温度を T_1 [K] まで変化させると、壁 1 は $x = \boxed{18} \times a$ [m] の位置に移動した。また、空間 A の気体の内部エネルギーの変化量は $\boxed{19} \times p_0 S a$ [J]、気体が外にした仕事は $\boxed{20} \times p_0 S a$ [J] である。したがって、温度が T_0 [K] から T_1 [K] に変化する間に空間 A の気体が吸収した熱量は、 $\boxed{21} \times p_0 S a$ [J] である。

18 ~ 21 の解答群

$$\textcircled{1} \quad \frac{T_1}{2T_0}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{T_1}{T_0}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{3T_1}{2T_0}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{2T_1}{T_0}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{5T_1}{2T_0}$$

$$\textcircled{6} \quad \frac{1}{2} \left(\frac{T_1}{T_0} + 1 \right)$$

$$\textcircled{7} \quad \left(\frac{T_1}{T_0} + 1 \right)$$

$$\textcircled{8} \quad \frac{3}{2} \left(\frac{T_1}{T_0} + 1 \right)$$

$$\textcircled{9} \quad 2 \left(\frac{T_1}{T_0} + 1 \right)$$

$$\textcircled{10} \quad \frac{5}{2} \left(\frac{T_1}{T_0} + 1 \right)$$

$$\textcircled{11} \quad \frac{1}{2} \left(\frac{T_1}{T_0} - 1 \right)$$

$$\textcircled{12} \quad \left(\frac{T_1}{T_0} - 1 \right)$$

$$\textcircled{13} \quad \frac{3}{2} \left(\frac{T_1}{T_0} - 1 \right)$$

$$\textcircled{14} \quad 2 \left(\frac{T_1}{T_0} - 1 \right)$$

$$\textcircled{15} \quad \frac{5}{2} \left(\frac{T_1}{T_0} - 1 \right)$$

(2) 図2のように、壁1を原点Oの位置に静止させ、金属でできた壁2を $x=a$ [m]の位置に固定した。壁1と壁2の間の空間Bには、単原子分子の理想気体を封入した。空間Aおよび空間Bの圧力および温度は、シリンダー外部の圧力 p_0 [Pa]および温度 T_0 [K]と等しくした。また、空間Bの気体は、壁2を通して外部との熱のやり取りができる、その温度は常にシリンダー外部の温度と等しく T_0 [K]である。この状態から空間Aの気体に熱をゆっくりと加えて、温度を T_2 [K]にすると、空間Aの気体の圧力は(22) $\times p_0$ [Pa]となり、壁1は $x=(23) \times a$ [m]の位置に移動した。

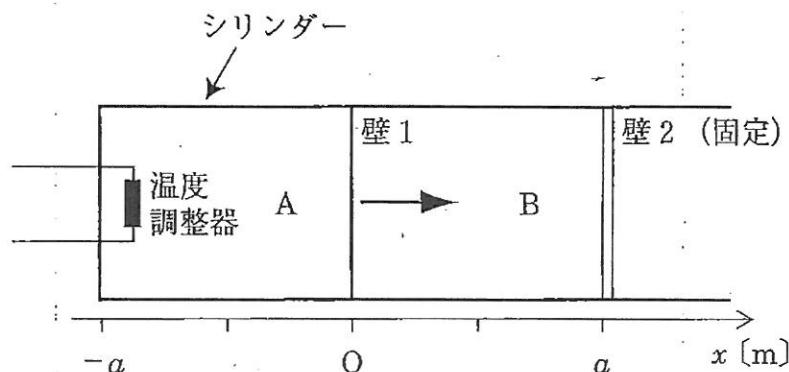


図2

22 と 23 の解答群

- | | | | |
|--------------------------------------|------------------------------------|--------------------------------------|-----------------------------------|
| (1) $\frac{1}{2}$ | (2) 1 | (3) $\frac{T_2}{2T_0}$ | (4) $\frac{T_2}{T_0}$ |
| (5) $\frac{T_2}{T_0} - \frac{1}{2}$ | (6) $\frac{T_2}{T_0} - 1$ | (7) $\frac{T_2}{2T_0} + \frac{1}{2}$ | (8) $\frac{T_2}{T_0} + 1$ |
| (9) $\frac{T_2 + T_0}{2(T_2 - T_0)}$ | (10) $\frac{T_2 + T_0}{T_2 - T_0}$ | (a) $\frac{T_2 - T_0}{2(T_2 + T_0)}$ | (b) $\frac{T_2 - T_0}{T_2 + T_0}$ |

(3) 図3のように、壁1を原点Oの位置に静止させ、断熱材でできた壁3を $x=a$ [m]の位置に固定した。壁1と壁3の間の空間Cには、單原子分子の理想気体を封入した。空間Aおよび空間Cの圧力および温度は、シリンダー外部の圧力 p_0 [Pa]および温度 T_0 [K]と等しくした。この状態から空間Aの気体に熱をゆっくり加えた。すると、壁1は右側へゆっくりと動き、 $x = \frac{a}{2}$ [m]の位置に達した。壁1が $x = \frac{a}{2}$ [m]の位置に達したときの空間Aの気体の温度を T_3 [K]とすると、空間Aの気体の圧力は 24 $\times p_0$ [Pa]である。このとき、空間Cの気体の温度は 25 $\times T_3$ [K]である。また、壁1が右方向に移動することで、空間Cの気体がされた仕事は $(\boxed{26}) \times p_0 S a$ [J]である。よって、温度が T_0 [K]から T_3 [K]に変化する間に気体Aが吸収した熱量は、 $(\boxed{27}) \times p_0 S a$ [J]である。

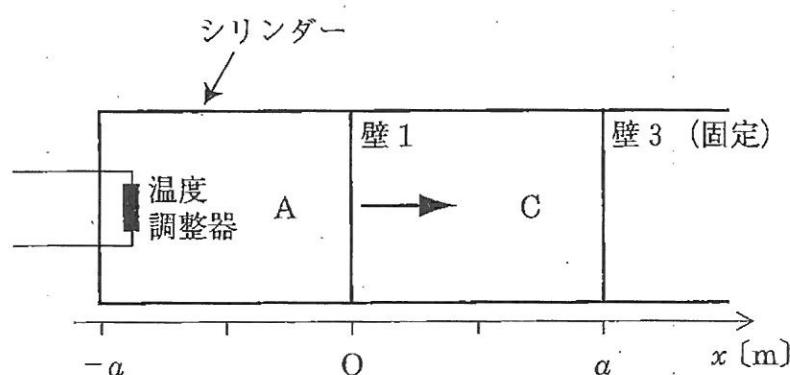


図3

24 と **25** の解答群

① $\frac{1}{3}$

② $\frac{1}{2}$

③ $\frac{2}{3}$

④ 1

⑤ $\frac{3}{2}$

⑥ $\frac{T_3}{3T_0}$

⑦ $\frac{T_3}{2T_0}$

⑧ $\frac{2T_3}{3T_0}$

⑨ $\frac{T_3}{T_0}$

⑩ $\frac{3T_3}{2T_0}$

Ⓐ $\frac{T_0}{3T_3}$

Ⓑ $\frac{T_0}{2T_3}$

Ⓒ $\frac{2T_0}{3T_3}$

Ⓓ $\frac{T_0}{T_3}$

Ⓔ $\frac{3T_0}{2T_3}$

26 と **27** の解答群

① $\frac{T_3}{2T_0} - \frac{1}{2}$

② $\frac{T_3}{2T_0} - 1$

③ $\frac{T_3}{2T_0} - \frac{3}{2}$

④ $\frac{T_3}{2T_0} - 2$

⑤ $\frac{T_3}{2T_0} - 3$

⑥ $\frac{T_3}{T_0} - \frac{1}{2}$

⑦ $\frac{T_3}{T_0} - 1$

⑧ $\frac{T_3}{T_0} - \frac{3}{2}$

⑨ $\frac{T_3}{T_0} - 2$

⑩ $\frac{T_3}{T_0} - 3$

Ⓐ $\frac{2T_3}{T_0} - \frac{1}{2}$

Ⓑ $\frac{2T_3}{T_0} - 1$

Ⓒ $\frac{2T_3}{T_0} - \frac{3}{2}$

Ⓓ $\frac{2T_3}{T_0} - 2$

Ⓔ $\frac{2T_3}{T_0} - 3$