

物 理

以下の から に最もよくあてはまる答えを各解答群から1つ選び、解答用紙(マークシート)にマークせよ。ただし、同じ番号を繰り返して用いてもよい。数値を選ぶ場合は最も近い値を選ぶものとする。

- I 図1のような質量 M 、長さ L の台車 A と質量 m の小物体 P がある。はじめ P は水平な床上で右方向に運動し、途中から台車 A に乗り移る。P の台車 A 上での運動にのみ動摩擦力がはたらくとする。重力加速度の大きさを g として、以下の問いに答えよ。ただし、床と台車 A の上面は同一平面上にあり、P は台車 A に瞬時に乗り移るものとする。

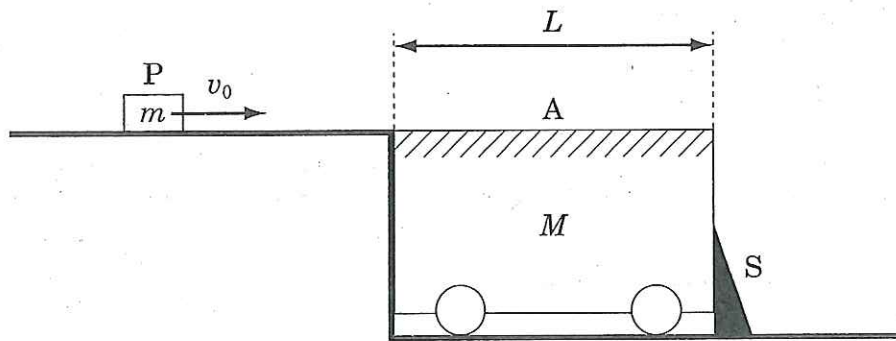


図1

- (1) はじめ、台車 A はストッパー S で固定されている。小物体 P を速さ v_0 で右方向に運動させたところ、P は A 上を $L/2$ だけ移動してとまった。P がはじめに持っていた運動エネルギー は 0 となり、この変化は動摩擦力のした仕事に等しい。動摩擦力のした仕事は動摩擦力と距離の積であるから、P と A の間の動摩擦係数は と求められる。このとき、P が乗り移ってから動摩擦力によって静止するまでにかかる時間は である。

また、P の初速度の大きさを変えて、A 上を距離 L 進み、A の上面から落ちるためには P の初速度の大きさを より大きくする必要がある。

1 の解答群

- ① mv_0 ② $\frac{1}{2}mv_0$ ③ $\frac{1}{3}mv_0$ ④ $\frac{1}{4}mv_0$
⑤ mv_0^2 ⑥ $\frac{1}{2}mv_0^2$ ⑦ $\frac{1}{3}mv_0^2$ ⑧ $\frac{1}{4}mv_0^2$

2 の解答群

- ① $\frac{2v_0}{gL}$ ② $\frac{v_0}{gL}$ ③ $\frac{v_0}{2gL}$ ④ $\frac{v_0}{4gL}$
⑤ $\frac{2v_0^2}{gL}$ ⑥ $\frac{v_0^2}{gL}$ ⑦ $\frac{v_0^2}{2gL}$ ⑧ $\frac{v_0^2}{4gL}$

3 の解答群

- ① $\frac{2L}{v_0}$ ② $\frac{L}{v_0}$ ③ $\frac{L}{2v_0}$ ④ $\frac{L}{4v_0}$
⑤ $\frac{2v_0}{L}$ ⑥ $\frac{v_0}{L}$ ⑦ $\frac{v_0}{2L}$ ⑧ $\frac{v_0}{4L}$

4 の解答群

- ① v_0 ② $\sqrt{2}v_0$ ③ $2v_0$ ④ $4v_0$
⑤ $\frac{1}{\sqrt{2}}v_0$ ⑥ $\frac{1}{2}v_0$ ⑦ $\frac{1}{4}v_0$ ⑧ $\frac{1}{8}v_0$

(2) 次に、ストッパーSをはずした。小物体Pを速さ v_0 で右方向に運動させると、台車Aに乗り移った瞬間からPは減速し、ある時間がたつと図2のようにAと一体となって一定の速さ 5 で運動した。ただし、運動する台車Aと床の間には摩擦はないとする。

一定の速さに達するまでに、AはPのうける動摩擦力の反作用によって右方向に加速される。その加速度の大きさは 6 である。したがって、Aが加速されてから、一定の速さに達するまでにかかる時間は 7 と求められる。

Aが一定の速さに達するまでに移動した距離は 8 $\times L$ である。一方、7 の時間にPが移動した距離は 9 $\times L$ である。したがって、PとAの移動距離の差からPがA上を移動した距離は 10 $\times L$ と求められる。

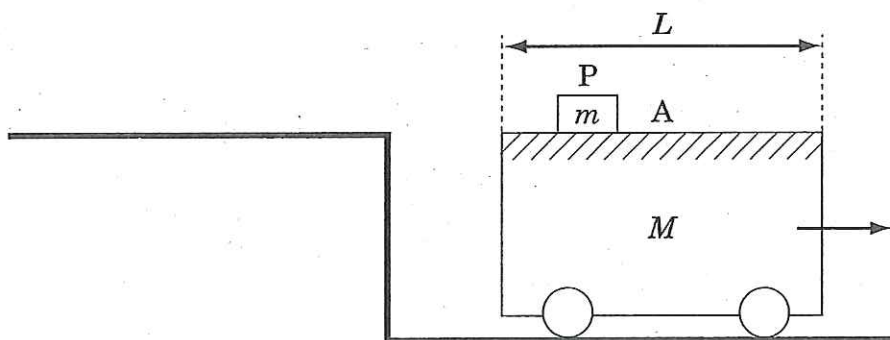


図2

5 の解答群

- | | | | |
|-----------------------|------------------------|-----------------------|------------------------|
| ① $\frac{m}{M+m} v_0$ | ② $\frac{2m}{M+m} v_0$ | ③ $\frac{M}{M+m} v_0$ | ④ $\frac{2M}{M+m} v_0$ |
| ⑤ $\frac{M+m}{m} v_0$ | ⑥ $\frac{M+m}{2m} v_0$ | ⑦ $\frac{M+m}{M} v_0$ | ⑧ $\frac{M+m}{2M} v_0$ |

6 の解答群

- | | | | |
|------------------------|------------------------|--------------------------|--------------------------|
| ① $\frac{M}{mL} v_0$ | ② $\frac{m}{ML} v_0$ | ③ $\frac{M^2}{mL} v_0$ | ④ $\frac{m^2}{ML} v_0$ |
| ⑤ $\frac{M}{mL} v_0^2$ | ⑥ $\frac{m}{ML} v_0^2$ | ⑦ $\frac{M^2}{mL} v_0^2$ | ⑧ $\frac{m^2}{ML} v_0^2$ |

7 の解答群

- ① $\frac{L}{v_0} \frac{M+m}{m}$ ② $\frac{L}{2v_0} \frac{M+m}{m}$ ③ $\frac{L}{v_0} \frac{M+m}{M}$ ④ $\frac{L}{2v_0} \frac{M+m}{M}$
 ⑤ $\frac{L}{v_0} \frac{m}{M+m}$ ⑥ $\frac{L}{2v_0} \frac{m}{M+m}$ ⑦ $\frac{L}{v_0} \frac{M}{M+m}$ ⑧ $\frac{L}{2v_0} \frac{M}{M+m}$

8 の解答群

- ① $\frac{M}{(M+m)^2}$ ② $\frac{m}{(M+m)^2}$ ③ $\frac{Mm}{(M+m)^2}$ ④ $\frac{M-m}{(M+m)^2}$
 ⑤ $\frac{M}{2(M+m)^2}$ ⑥ $\frac{m}{2(M+m)^2}$ ⑦ $\frac{Mm}{2(M+m)^2}$ ⑧ $\frac{M-m}{2(M+m)^2}$

9 の解答群

- ① $\frac{m(2M+m)}{(M+m)^2}$ ② $\frac{m(M+2m)}{(M+m)^2}$ ③ $\frac{M(2M+m)}{(M+m)^2}$
 ④ $\frac{M(M+2m)}{(M+m)^2}$ ⑤ $\frac{m(2M+m)}{2(M+m)^2}$ ⑥ $\frac{m(M+2m)}{2(M+m)^2}$
 ⑦ $\frac{M(2M+m)}{2(M+m)^2}$ ⑧ $\frac{M(M+2m)}{2(M+m)^2}$

10 の解答群

- ① $\frac{M+m}{m}$ ② $\frac{M+m}{M}$ ③ $\frac{m}{M+m}$ ④ $\frac{M}{M+m}$
 ⑤ $\frac{M+m}{2m}$ ⑥ $\frac{M+m}{2M}$ ⑦ $\frac{m}{2(M+m)}$ ⑧ $\frac{M}{2(M+m)}$

II 点電荷にはたらくクーロン力および点電荷の作る電場、電位について以下の問いに答えよ。ただし、長さの単位を m 、力の単位を N 、電気量の単位を C 、電場の強さの単位を N/C 、電位の単位を V 、クーロンの法則の比例定数を $k [N \cdot m^2/C^2]$ とする。

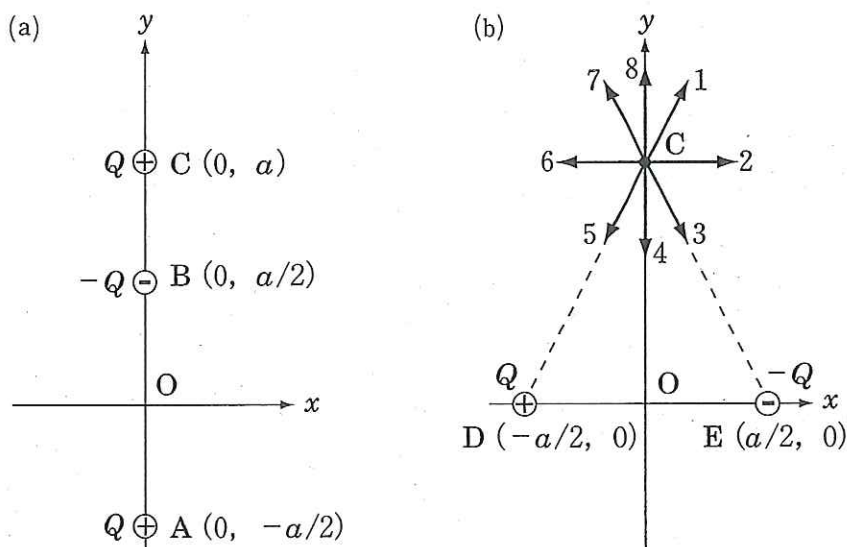


図1

- (1) 図1(a)のように、 $x-y$ 平面の座標 (x, y) が $(0, -a/2)$ の点Aに電気量 Q の正の点電荷、点B $(0, a/2)$ に電気量 $-Q$ の負の点電荷がある。点C $(0, a)$ に電気量 Q の正の点電荷を置いたとき、点Cの点電荷が点Aの点電荷から受ける力の大きさと向きはそれぞれ であり、点Cの点電荷が点Aと点Bの両点電荷から受ける合力の大きさと向きはそれぞれ である。

の解答群

① $\frac{4kQ^2}{9a^2}$, $+y$ の向き

② $\frac{4kQ^2}{9a^2}$, $-y$ の向き

③ $\frac{4kQ}{9a^2}$, $+y$ の向き

④ $\frac{4kQ}{9a^2}$, $-y$ の向き

⑤ $\frac{2kQ}{3a}$, $+y$ の向き

⑥ $\frac{2kQ}{3a}$, $-y$ の向き

12 の解答群

- | | |
|------------------------------------|------------------------------------|
| ① $\frac{4kQ^2}{3a}$, $+y$ の向き | ② $\frac{4kQ^2}{3a}$, $-y$ の向き |
| ③ $\frac{8kQ^2}{3a}$, $+y$ の向き | ④ $\frac{8kQ^2}{3a}$, $-y$ の向き |
| ⑤ $\frac{32kQ^2}{9a^2}$, $+y$ の向き | ⑥ $\frac{32kQ^2}{9a^2}$, $-y$ の向き |
| ⑦ $\frac{40kQ^2}{9a^2}$, $+y$ の向き | ⑧ $\frac{40kQ^2}{9a^2}$, $-y$ の向き |

(2) 図 1 (b)のように, 点 D $(-a/2, 0)$ に電気量 Q の正の点電荷, 点 E $(a/2, 0)$ に電気量 $-Q$ の負の点電荷がある。点 E の点電荷が点 C $(0, a)$ に作る電場の向きは図 1 (b)の 13 の向きであり, 強さは 14 である。点 D の点電荷も考えると, 両点電荷が点 C に作る合成電場の向きは図 1 (b)の 15 の向きであり, 強さは 16 である。次に, 点 D と点 E の両点電荷が $x-y$ 平面上につくる電位と等電位線を考える。電位と等電位線を表す最も適切な図は 17 である。ただし, 解答群の座標軸 x, y, z は方向を示す。また, それぞれの図の z 方向が電位である。

13 の解答群

- | | | | |
|-----|-----|-----|-----|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 |
| ⑤ 5 | ⑥ 6 | ⑦ 7 | ⑧ 8 |

14 の解答群

- | | | | |
|-------------------------------|-------------------------------|--------------------------------|------------------------------|
| ① $\frac{4kQ}{5a^2}$ | ② $\frac{8kQ}{5a^2}$ | ③ $\frac{16kQ}{5a^2}$ | ④ $\frac{4kQ}{a^2}$ |
| ⑤ $\frac{4\sqrt{5}kQ}{25a^2}$ | ⑥ $\frac{8\sqrt{5}kQ}{25a^2}$ | ⑦ $\frac{16\sqrt{5}kQ}{25a^2}$ | ⑧ $\frac{4\sqrt{5}kQ}{5a^2}$ |

15 の解答群

- | | | | |
|-----|-----|-----|-----|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 |
| ⑤ 5 | ⑥ 6 | ⑦ 7 | ⑧ 8 |

16 の解答群

① $\frac{4kQ}{5a^2}$

② $\frac{8kQ}{5a^2}$

③ $\frac{16kQ}{5a^2}$

④ $\frac{4kQ}{a^2}$

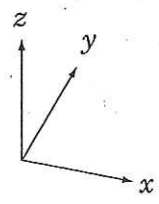
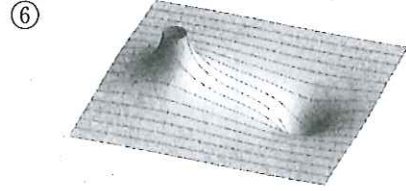
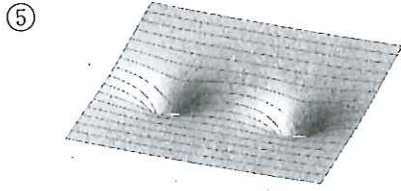
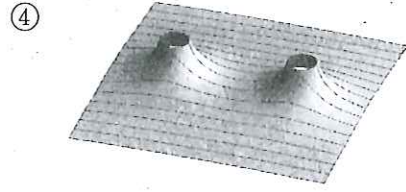
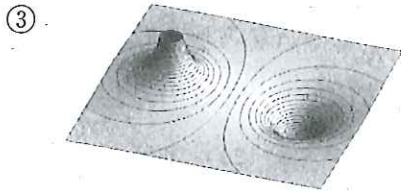
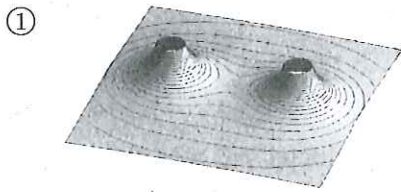
⑤ $\frac{4\sqrt{5}kQ}{25a^2}$

⑥ $\frac{8\sqrt{5}kQ}{25a^2}$

⑦ $\frac{16\sqrt{5}kQ}{25a^2}$

⑧ $\frac{4\sqrt{5}kQ}{5a^2}$

17 の解答群



- (3) いま、図2(a)のように x 軸上の $x = -a/2$ に電気量 $-Q$ の負の点電荷、 $x = a/2$ に電気量 Q の正の点電荷が固定されている。 x 軸上の $x = L$ ($L > a > 0$) の点を F とする。無限遠から電気量 q の正の点電荷を点 F まで運ぶ仕事は 18 [J] である。ただし、点電荷にはたらく力は静電気力だけであるとする。次に、図2(b)のように x 軸上の $x = -a$ と $x = a$ に電気量 $-Q$ の負の点電荷、 $x = 0$ に電気量 $2Q$ の正の点電荷を固定する。無限遠の電位を 0 としたとき、点 F の電位は 19 である。

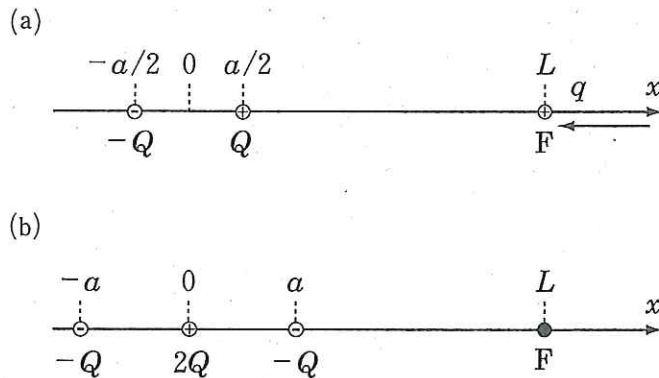


図 2

18 の解答群

- ① $-\frac{2kQqL}{4L^2 - a^2}$ ② $-\frac{2kQqL}{4L^2 + a^2}$ ③ $\frac{2kQqL}{4L^2 - a^2}$ ④ $\frac{2kQqL}{4L^2 + a^2}$
 ⑤ $-\frac{4kQqa}{4L^2 - a^2}$ ⑥ $-\frac{4kQqa}{4L^2 + a^2}$ ⑦ $\frac{4kQqa}{4L^2 - a^2}$ ⑧ $\frac{4kQqa}{4L^2 + a^2}$

19 の解答群

- ① $-\frac{2kQ(2L^2 - a^2)}{L(L^2 - a^2)}$ ② $\frac{2kQ(2L^2 - a^2)}{L(L^2 - a^2)}$ ③ $-\frac{kQ(L^2 + a^2)}{L(L^2 - a^2)}$
 ④ $\frac{kQ(L^2 + a^2)}{L(L^2 - a^2)}$ ⑤ $-\frac{2kQa^2}{L(L^2 - a^2)}$ ⑥ $\frac{2kQa^2}{L(L^2 - a^2)}$

Ⅲ 断面積 S [m²] の円筒容器を鉛直に立て、その上に質量 M [kg] のなめらかに動くピストンをのせて、物質量 n [mol] の単原子分子からなる理想気体を密封した。ピストンと容器は断熱材で作られているが、容器の底は外部との熱のやりとりができる。ただし、ピストンと容器の熱容量は無視できるものとする。大気圧を p_0 [Pa]、重力加速度の大きさを g [m/s²]、気体定数を R [J/(mol·K)] として、次の問いに答えよ。

(1) はじめ、図1(a)のように円筒容器の底は断熱材に接触しており、外部との熱の出入りはない。ピストン底面は容器の底から高さ h_1 [m] の位置にあり、容器内の気体の圧力 p_1 は [Pa]、温度 T_1 は [K] である。

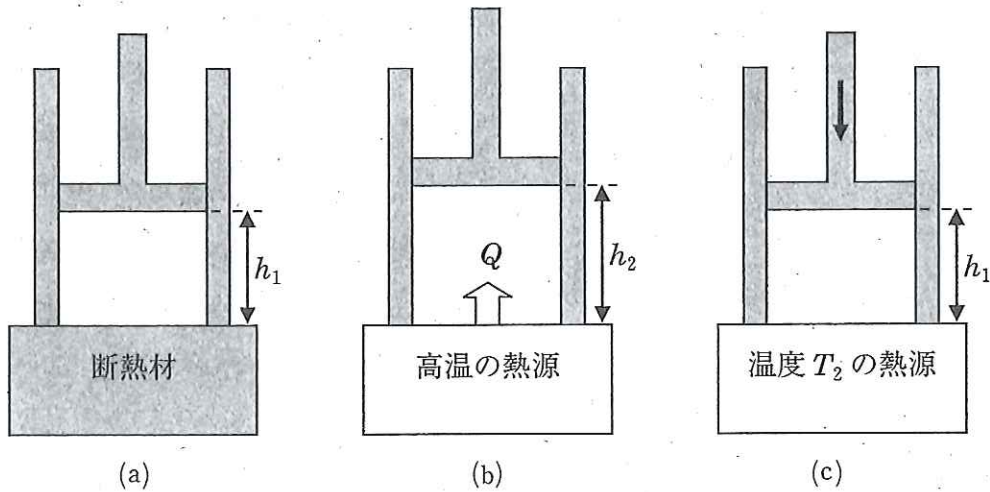


図1

の解答群

- | | | | |
|-----------|------------------|------------------------|------------------------|
| ① p_0 | ② $\frac{Mg}{S}$ | ③ $p_0 + \frac{Mg}{S}$ | ④ $p_0 - \frac{Mg}{S}$ |
| ⑤ $p_0 S$ | ⑥ Mg | ⑦ $p_0 S + Mg$ | ⑧ $p_0 S - Mg$ |

21 の解答群

- ① $\frac{p_0 + \frac{Mg}{S}}{nRSh_1}$ ② $\frac{p_0 - \frac{Mg}{S}}{nRSh_1}$ ③ $\frac{Sh_1}{nR \left(p_0 + \frac{Mg}{S} \right)}$
- ④ $\frac{Sh_1}{nR \left(p_0 - \frac{Mg}{S} \right)}$ ⑤ $\frac{nRSh_1}{p_0 + \frac{Mg}{S}}$ ⑥ $\frac{nRSh_1}{p_0 - \frac{Mg}{S}}$
- ⑦ $\frac{(p_0S + Mg)h_1}{nR}$ ⑧ $\frac{(p_0S - Mg)h_1}{nR}$

(2) 次に、図1(b)のように容器の底面を高温の熱源に接触させて、気体に熱量 $Q (>0)$ [J] を与えると、ピストンの高さは h_2 [m]、温度 T_2 は [K] になった。このとき、気体が外部からされた仕事は [J]、内部エネルギーの変化 ΔU は [J] と表される。温度変化を ΔT [K] とすると、単原子分子の理想気体の内部エネルギー変化は

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR \Delta T$$

と表されるので、熱源が与えた熱量 Q は [J] である。

22 の解答群

- ① $h_1 T_1$ ② $h_2 T_1$ ③ $(h_2 - h_1) T_1$ ④ $\frac{h_2}{h_1} T_1$
- ⑤ $\frac{h_1}{h_2} T_1$ ⑥ $\frac{h_2 - h_1}{h_1} T_1$ ⑦ $\frac{h_2 - h_1}{h_2} T_1$ ⑧ $\frac{h_1}{h_2 - h_1} T_1$
- ⑨ $\frac{h_2}{h_2 - h_1} T_1$

23 の解答群

- ① $p_1 Sh_1$ ② $p_1 Sh_2$ ③ $-p_1 Sh_1$ ④ $-p_1 Sh_2$
- ⑤ $p_1 S \frac{h_2}{h_1}$ ⑥ $p_1 S \frac{h_1}{h_2}$ ⑦ $p_1 S (h_2 - h_1)$ ⑧ $p_1 S (h_1 - h_2)$

24 の解答群

- | | | |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| ① Q | ② $-Q$ | ③ $p_1 S (h_2 - h_1)$ |
| ④ $p_1 S (h_1 - h_2)$ | ⑤ $p_1 S (h_2 - h_1) + Q$ | ⑥ $p_1 S (h_1 - h_2) + Q$ |
| ⑦ $p_1 S (h_2 - h_1) - Q$ | ⑧ $p_1 S (h_1 - h_2) - Q$ | |

25 の解答群

- | | | |
|---|---|---|
| ① $\frac{1}{2} nR \left(\frac{h_2}{h_1} T_1 \right)$ | ② $\frac{1}{2} nR \left(\frac{h_2 - h_1}{h_1} T_1 \right)$ | ③ $\frac{1}{2} nR \left(\frac{h_2 - h_1}{h_2} T_1 \right)$ |
| ④ $\frac{3}{2} nR \left(\frac{h_2}{h_1} T_1 \right)$ | ⑤ $\frac{3}{2} nR \left(\frac{h_2 - h_1}{h_1} T_1 \right)$ | ⑥ $\frac{3}{2} nR \left(\frac{h_2 - h_1}{h_2} T_1 \right)$ |
| ⑦ $\frac{5}{2} nR \left(\frac{h_2}{h_1} T_1 \right)$ | ⑧ $\frac{5}{2} nR \left(\frac{h_2 - h_1}{h_1} T_1 \right)$ | ⑨ $\frac{5}{2} nR \left(\frac{h_2 - h_1}{h_2} T_1 \right)$ |

(3) 続いて、図1(c)のように温度 T_2 [K] の熱源に接触させ、気体の温度を T_2 [K] に保ちながらゆっくりとピストンを押して高さを h_1 [m] の位置にもどした。このとき容器内の気体の圧力は p_2 [Pa] になった。図2は、この過程におけるピストンの高さ h [m] と容器内の気体の圧力 p [Pa] の関係を表すものである。 p [Pa] は状態BからCへ 26 の曲線にそって変化する。この過程で気体が外部からされた仕事 W [J] は、図2のグレーの面積にピストンの断面積 S [m²] をかけたものに等しい。そのとき、気体は 27 。

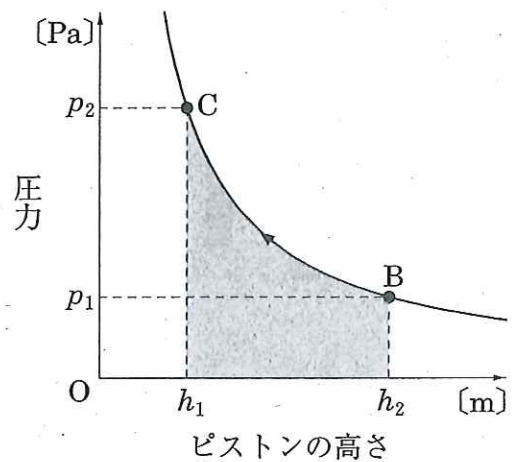


図2

26 の解答群

- ① $p = p_1 \frac{h_1}{h}$ ② $p = p_1 \frac{h}{h_1}$ ③ $p = p_1 \frac{h_2}{h}$ ④ $p = p_1 \frac{h}{h_2}$
⑤ $p = p_2 \frac{h}{h_1}$ ⑥ $p = p_2 \frac{h_2}{h}$ ⑦ $p = p_2 \frac{h}{h_2}$

27 の解答群

- ① 熱源から W [J] の熱を吸収する
② 熱源から W [J] より少ない熱を吸収する
③ 熱源から W [J] より多い熱を吸収する
④ 熱源と熱のやりとりをしない
⑤ 熱源へ W [J] の熱を放出する
⑥ 熱源へ W [J] より少ない熱を放出する
⑦ 熱源へ W [J] より多い熱を放出する