

埼玉医科大学

平成 25 年度一般入学試験問題

後期入学試験

理科

注意事項

- 試験時間は 100 分である。
- 物理・化学・生物の 3 科目のうち、2 科目を選択すること。選択しない科目のマークシートは 30 分後に回収する。
すべてのマークシートに受験番号、氏名を記入すること。
- 解答は に指示された解答番号に従ってマークシートにマークせよ。
- 下書きや計算は問題用紙の余白を利用すること。
- すべての配付物は終了時に回収する。
- 質問がある場合は手を挙げて監督者に知らせること。

マークシート記入要領

例：受験番号が「0123」番の「磯野波江」さんの場合

| 受験番号 | | | |
|------|---|---|---|
| M C | 0 | 1 | 2 |
| | 3 | | |
| ① | ① | ① | ① |
| ② | ② | ② | ② |
| ③ | ③ | ③ | ③ |
| ④ | ④ | ④ | ④ |
| ⑤ | ⑤ | ⑤ | ⑤ |
| ⑥ | ⑥ | ⑥ | ⑥ |
| ⑦ | ⑦ | ⑦ | ⑦ |
| ⑧ | ⑧ | ⑧ | ⑧ |
| ⑨ | ⑨ | ⑨ | ⑨ |

| | |
|------|--------|
| フリガナ | イソノナミエ |
| 氏名 | 磯野波江 |

注意：マークの良い例と悪い例

| 良い例 | <input checked="" type="radio"/> | |
|-----|--|--|
| 悪い例 | <input type="radio"/> <input checked="" type="radio"/> <input type="radio"/> <input checked="" type="radio"/> | 薄い。 はみ出している。 マークが悪い場合は、解答欄の該当箇所を採点できない場合がある。 }不完全である。 |

- 受験番号の空欄に受験番号を記入し、受験番号の各桁の数字を下の①～⑨から選んでマークする。
次に、氏名を書き、フリガナをカタカナで記入する。
- 受験番号欄と解答欄では、①と①の位置が異なる。
- マークは HB の鉛筆を使い、はみ出さないように ○ の中を のように完全に塗りつぶす。
上の「注意：マークの良い例と悪い例」を参照のこと。
- マークを消す場合は、消しゴムで跡が残らないように完全に消すこと。砂消しゴムは使用しないこと。
- マークシートは折り曲げたり、汚したりしないように気を付けること。
- 所定の欄以外には何も記入しないこと。
- 解答する箇所は

物理では、解答番号の から までである。

化学では、解答番号の から までである。

生物では、解答番号の から までである。

物 理

1 次の文章読み、下の問い合わせ(問1~2)に答えよ。

図1のように水平な板の上に質量 $12m$ の小物体Aが置いてあり、Aは重さが無視できる伸びない糸で滑車Pを通して滑車Qとつながっている。滑車Qにはそれぞれ質量 $2m$, $3m$ の小物体B, Cがぶら下がっている。滑車P, Qは滑らかに回り、重さは無視できるとする。また、水平な板と物体Aの間の静止摩擦係数を μ 、重力加速度の大きさを g とする。移動、速度、加速度等については上向きまたは右向きを正の方向とする。

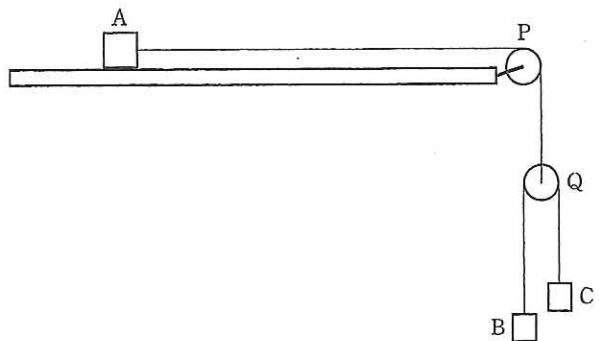


図1

問1 はじめA, B, Cを静止させた後、すべてを静かに離したところ、Aは静止したまま、B, Cが動き始めた。Bの加速度を $a(a > 0)$ 、BとCをつなぐ糸の張力を K 、Aに働く静止摩擦力を f とすると、物体A, B, Cの運動方程式はそれぞれ、

$$0 = \boxed{1}, \quad 2ma = \boxed{2}, \quad 3ma = \boxed{3}$$

となる。これらを解くと、Bの加速度は $\boxed{4}$ 、B, Cをつなぐ糸の張力は $\boxed{5}$ 、Aに働く摩擦力は $\boxed{6}$ となることが分かる。

(1) $\boxed{1}$, $\boxed{2}$, $\boxed{3}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちからそれぞれ1つずつ選べ。

- | | | | | |
|------------------|---------------|-------------------|-------------|--------------|
| ① $K - 2mg$ | ② $2mg - K$ | ③ $K - 3mg$ | ④ $3mg - K$ | ⑤ $K - 12mg$ |
| ⑥ $K - 12\mu mg$ | ⑦ $2K - 12mg$ | ⑧ $2K - 12\mu mg$ | ⑨ $2K - f$ | |

(2) $\boxed{4}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- | | | | | |
|------------------|------------------|-------------------|--------------------|-------|
| ① $\frac{1}{5}g$ | ② $\frac{2}{5}g$ | ③ $\frac{3}{5}g$ | ④ $\frac{4}{5}g$ | ⑤ g |
| ⑥ $\frac{6}{5}g$ | ⑦ $\frac{7}{5}g$ | ⑧ $\frac{8}{5}mg$ | ⑨ $\frac{12}{5}mg$ | |

(3) $\boxed{5}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- | | | | | |
|--------------------|--------------------|-------------------|--------------------|---------|
| ① $\frac{2}{5}mg$ | ② $\frac{4}{5}mg$ | ③ $\frac{6}{5}mg$ | ④ $\frac{8}{5}mg$ | ⑤ $2mg$ |
| ⑥ $\frac{12}{5}mg$ | ⑦ $\frac{16}{5}mg$ | ⑧ $4mg$ | ⑨ $\frac{24}{5}mg$ | |

(4) $\boxed{6}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- | | | | | |
|-------------------|--------------------|--------------------|--------------------|-------------|
| ① $\frac{6}{5}mg$ | ② $\frac{12}{5}mg$ | ③ $\frac{16}{5}mg$ | ④ $\frac{24}{5}mg$ | ⑤ $6\mu mg$ |
| ⑥ $12\mu mg$ | ⑦ $16\mu mg$ | ⑧ $20\mu mg$ | ⑨ $24\mu mg$ | |

(5) 静止摩擦係数 μ に成り立つ関係式で最も適切なものを次の①~⑦のうちから1つ選べ。 $\boxed{7}$

- | | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $\mu < \frac{1}{5}$ | ② $\mu < \frac{2}{5}$ | ③ $\mu < \frac{3}{5}$ | ④ $\mu < \frac{4}{5}$ |
| ⑤ $\mu > \frac{1}{5}$ | ⑥ $\mu > \frac{2}{5}$ | ⑦ $\mu > \frac{3}{5}$ | |

問 2 次に板の上に油を一様に塗り、問 1と同じように A, B, C を静止させた後、すべてを静かに離したところ、A, B, C 全てが動き始めた。板と A との動摩擦係数を μ' とする。A, B, C の加速度(上向きまたは右向きを正の方向とする)をそれぞれ a_A , a_B , a_C , B と C をつなぐ糸の張力を K' とすると、物体 A, B, C の運動方程式はそれぞれ、

$$12ma_A = \boxed{8}, \quad 2ma_B = \boxed{9}, \quad 3ma_C = \boxed{10}$$

となる。ただし、加速度の間には $\boxed{11}$ の関係式が成り立つ。これらを解くと、A の加速度は $\boxed{12} \times g$, B の加速度は $\boxed{13} \times g$, B, C 間の糸の張力は $\boxed{14} \times mg$, A が動き始めてから時間 t の間に移動する距離は $\boxed{15} \times gt^2$ となることが分かる。ただし、2 本の糸は十分な長さがあり、運動中物体が滑車に衝突することはないものとする。

(1) $\boxed{8}$, $\boxed{9}$, $\boxed{10}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちからそれぞれ 1 つずつ選べ。

- | | | | | |
|-------------------|----------------|--------------------|--------------|---------------|
| ① $K' - 2mg$ | ② $2mg - K'$ | ③ $K' - 3mg$ | ④ $3mg - K'$ | ⑤ $K' - 12mg$ |
| ⑥ $K' - 12\mu'mg$ | ⑦ $2K' - 12mg$ | ⑧ $2K' - 12\mu'mg$ | ⑨ $2K' - f$ | |

(2) $\boxed{11}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑧のうちからそれぞれ 1 つずつ選べ。

- | | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|
| ① $a_A = a_B + a_C$ | ② $a_A = a_B - a_C$ | ③ $a_A = a_C - a_B$ | ④ $a_A + a_B + a_C = 0$ |
| ⑤ $2a_A = a_B + a_C$ | ⑥ $2a_A = a_B - a_C$ | ⑦ $2a_A = a_C - a_B$ | ⑧ $2a_A + a_B + a_C = 0$ |

(3) $\boxed{12}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑦のうちから 1 つ選べ。

- | | | | |
|-----------------------------|----------------------------|-----------------------------|----------------------------|
| ① $\frac{1}{7}(1 + \mu')$ | ② $\frac{2}{7}(1 + \mu')$ | ③ $\frac{1}{14}(1 - 5\mu')$ | ④ $\frac{1}{7}(1 - 5\mu')$ |
| ⑤ $\frac{1}{14}(2 - 5\mu')$ | ⑥ $\frac{1}{7}(2 - 5\mu')$ | ⑦ $\frac{1}{7}(2 + 5\mu')$ | |

(4) $\boxed{13}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑦のうちから 1 つ選べ。

- | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------|
| ① $\frac{1}{7}(1 + \mu')$ | ② $\frac{2}{7}(1 + \mu')$ | ③ $\frac{1}{7}(1 - \mu')$ | ④ $\frac{2}{7}(1 - \mu')$ |
| ⑤ $\frac{1}{7}(6\mu' - 1)$ | ⑥ $\frac{2}{7}(6\mu' - 1)$ | ⑦ $\frac{1}{7}(6\mu' + 1)$ | |

(5) $\boxed{14}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑦のうちから 1 つ選べ。

- | | | | |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------|----------------------------|
| ① $\frac{1}{7}(1 + \mu')$ | ② $\frac{2}{7}(1 + \mu')$ | ③ $\frac{6}{7}(1 + \mu')$ | ④ $\frac{12}{7}(1 + \mu')$ |
| ⑤ $\frac{1}{7}(1 - \mu')$ | ⑥ $\frac{2}{7}(1 - \mu')$ | ⑦ $\frac{6}{7}(1 - \mu')$ | |

(6) $\boxed{15}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑦のうちから 1 つ選べ。

- | | | | |
|-----------------------------|----------------------------|-----------------------------|----------------------------|
| ① $\frac{1}{7}(1 + \mu')$ | ② $\frac{2}{7}(1 + \mu')$ | ③ $\frac{1}{14}(1 - 5\mu')$ | ④ $\frac{1}{7}(1 - 5\mu')$ |
| ⑤ $\frac{1}{14}(2 - 5\mu')$ | ⑥ $\frac{1}{7}(2 - 5\mu')$ | ⑦ $\frac{1}{7}(2 + 5\mu')$ | |

2 次の文章を読み、下の問い合わせ(問1~5)に答えよ。

真空中の一様な円筒コイルの内部に、正負2枚の極板からなる平行板コンデンサーが、円筒軸に平行に設置され、電池に接続できるようになっている。図2はその断面図である。正極板は図中の上下に可動である。負極板上に電子発生源が設置され、正極板には小さな穴が開いていて、電子が通過できるようになっている。極板の面積は十分広く、極板間の距離は十分小さく、穴も十分小さく、極板間の電場は一様とみなせるものとする。円筒コイルには電流が流れしており、内部の領域に一様な磁場があるとする。

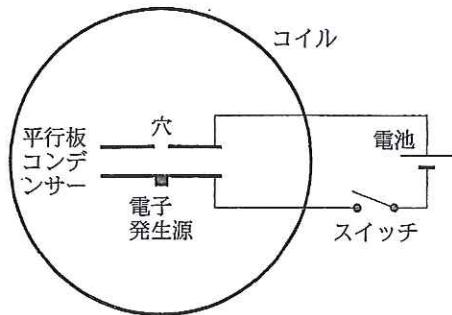


図2

問1 電池の電圧を V 、極板間距離を d とすると電場の強さは $E = \boxed{16}$ と表される。真空中で距離 r だけ離れた2つの電荷 q, q' の間に働く電気力は $F = k_0 q q' / r^2$ で与えられる。ここで、 k_0 は比例定数である。電気力線は、その数 n の密度($=[\text{電気力線の数 } n]/[\text{電気力線に垂直な面の面積}]$)が電場の強さに等しくなるように描くものとする。これを点電荷 q から距離 r の位置にある電場 E にあてはめると、電気力線の数はその端点にある電気量 q を使って $n = \boxed{17}$ と書け、 r によらないことがわかる。この関係はコンデンサーなど一般の電場の場合でも成り立つものと考える。すると、電気量 Q 、面積 S の平行板コンデンサーの極板間の電場の強さは $E = \boxed{18}$ と表されることになる。 $E = \boxed{16} = \boxed{18}$ の関係から電気量 $Q = \boxed{19}$ と表され、この平行板コンデンサーの電気容量は $\boxed{20}$ と表されることが分かる。

(1) $\boxed{16}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑧のうちから1つ選べ。

- | | | | |
|----------|------------|------------|--------------|
| ① Vd | ② Vd^2 | ③ V/d | ④ V/d^2 |
| ⑤ $Vd/2$ | ⑥ $Vd^2/2$ | ⑦ $V/(2d)$ | ⑧ $V/(2d^2)$ |

(2) $\boxed{17}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちから1つ選べ。

- | | | | | | |
|-----------|----------------|----------------|-----------|------------------|------------------|
| ① $k_0 q$ | ② $2\pi k_0 q$ | ③ $4\pi k_0 q$ | ④ q/k_0 | ⑤ $q/(2\pi k_0)$ | ⑥ $q/(4\pi k_0)$ |
|-----------|----------------|----------------|-----------|------------------|------------------|

(3) $\boxed{18}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちから1つ選べ。

- | | | | | | |
|-------------|------------------|------------------|-------------|------------------|------------------|
| ① $k_0 Q S$ | ② $2\pi k_0 Q S$ | ③ $4\pi k_0 Q S$ | ④ $k_0 Q/S$ | ⑤ $2\pi k_0 Q/S$ | ⑥ $4\pi k_0 Q/S$ |
|-------------|------------------|------------------|-------------|------------------|------------------|

(4) $\boxed{19}$, $\boxed{20}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちからそれぞれ1つずつ選べ。

- | | | | | | |
|-------------|--------------------|--------------------|---------------|--------------------|----------------------|
| ① $k_0 S d$ | ② $2\pi k_0 S V d$ | ③ $4\pi k_0 S V d$ | ④ $S/(k_0 d)$ | ⑤ $S/(4\pi k_0 d)$ | ⑥ $S V/(4\pi k_0 d)$ |
|-------------|--------------------|--------------------|---------------|--------------------|----------------------|

問2 スイッチを閉じたまま極板間の距離を $2d$ にして十分時間がたつと、極板間の電位差は $\boxed{21}$ に、電場の強さは $\boxed{22}$ に、蓄えられる電気量は $\boxed{23}$ になる。極板間の距離を d に戻してスイッチを開いた後、極板間の距離を $2d$ にして十分時間がたつと、極板間の電位差は $\boxed{24}$ に、電場の強さは $\boxed{25}$ に、蓄えられる電気量は $\boxed{26}$ になる。 $\boxed{21} \sim \boxed{26}$ に入る言葉として最も適切なものを、次の①~⑥のうちからそれぞれ1つずつ選べ。

- | | | | | | |
|--------|------|------|------|--------|-----|
| ① そのまま | ② 2倍 | ③ 半分 | ④ 4倍 | ⑤ 4分の1 | ⑥ 0 |
|--------|------|------|------|--------|-----|

問3 極板間の距離を d に戻してスイッチを閉じ、十分時間がたった後、負極板上の電子発生源から電子(質量 m 、電荷 $-e$ (e は電気素量))を初速度 v_0 で図中の上方に発射したところ、正極板の穴を通過するとき、速さが $v = \boxed{27}$ になつた。 $\boxed{27}$ に入る式として最も適切なものを、次の①~⑧のうちから1つ選べ。ただし、 $\boxed{27}$ の計算にあたつては、磁場の影響は無視できるものとする。

- | | | | |
|----------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|
| ① $v_0 + \frac{meV}{2}$ | ② $v_0 + \frac{2eV}{m}$ | ③ $v_0 - \frac{meV}{2}$ | ④ $v_0 - \frac{2eV}{m}$ |
| ⑤ $\sqrt{v_0^2 + \frac{meV}{2}}$ | ⑥ $\sqrt{v_0^2 + \frac{2eV}{m}}$ | ⑦ $\sqrt{v_0^2 - \frac{meV}{2}}$ | ⑧ $\sqrt{v_0^2 - \frac{2eV}{m}}$ |

問 4 円筒コイルには紙面上、反時計まわりの方向に電流が流れしており、内部には磁束密度 B の一様な磁場ができる。磁場の方向は紙面上 28 である。問 3 で正極板の穴を紙面上、上方に速さ v で通過した電子は磁場から力を受ける。その力の大きさは 29 で、方向は紙面上 30 である。この力は常に磁場と速度に垂直なので、電子は等速円運動をすることになる。この円運動の向きは紙面上 31 である。等速円運動の円の半径を r とするとき、遠心力の大きさは 32 となる。29 と 32 は釣合わなければならないので、円の半径は 33 と表される。円運動の速さは v なので、周期は 34 となる。このように、周期は半径によらず一定であることが分かる。

(1) 28 に入る言葉として最も適切なものを、次の①~⑧のうちから 1 つ選べ。

- | | | | |
|---------|---------|---------|----------|
| ① 上方向 | ② 下方向 | ③ 右方向 | ④ 左方向 |
| ⑤ 奥から手前 | ⑥ 手前から奥 | ⑦ 時計まわり | ⑧ 反時計まわり |

(2) 29 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちから 1 つ選べ。

- | | | | | | |
|--------|----------|---------|-----------|----------|-------------|
| ① vB | ② eB^2 | ③ evB | ④ $evB/2$ | ⑤ $2evB$ | ⑥ $ev^2B/2$ |
|--------|----------|---------|-----------|----------|-------------|

(3) 30, 31 に入る言葉として最も適切なものを、次の①~⑧のうちからそれぞれ 1 つずつ選べ。

- | | | | |
|---------|---------|---------|----------|
| ① 上方向 | ② 下方向 | ③ 右方向 | ④ 左方向 |
| ⑤ 奥から手前 | ⑥ 手前から奥 | ⑦ 時計まわり | ⑧ 反時計まわり |

(4) 32 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちから 1 つ選べ。

- | | | | | | |
|-----------|----------------------|-----------|--------------------|---------------------|---------------------|
| ① mv^2r | ② $\frac{1}{2}mv^2r$ | ③ mvr^2 | ④ $\frac{mv^2}{r}$ | ⑤ $\frac{mv^2}{2r}$ | ⑥ $\frac{mr^2}{2v}$ |
|-----------|----------------------|-----------|--------------------|---------------------|---------------------|

(5) 33 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちから 1 つ選べ。

- | | | | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|--------------------|--------------------|-------------------|
| ① $\frac{mv}{eB}$ | ② $\frac{ev}{mB}$ | ③ $\frac{eB}{mv}$ | ④ $\frac{evB}{2m}$ | ⑤ $\frac{emv}{2B}$ | ⑥ $\frac{em}{vB}$ |
|-------------------|-------------------|-------------------|--------------------|--------------------|-------------------|

(6) 34 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑥のうちから 1 つ選べ。

- | | | | | | |
|-----------------------|-----------------------|----------------------|-------------------|--------------------|---------------------|
| ① $\frac{2\pi m}{eB}$ | ② $\frac{\pi ev}{mB}$ | ③ $\frac{evB}{m\pi}$ | ④ $\frac{em}{vB}$ | ⑤ $\frac{2mv}{eB}$ | ⑥ $\frac{eB}{mv^2}$ |
|-----------------------|-----------------------|----------------------|-------------------|--------------------|---------------------|

問 5 問 4 で磁束密度を $B = 1.0 \times 10^{-4}$ T(テスラ)、速さ $v = 1.0 \times 10^6$ m/s とする。電子の質量を $m = 9.1 \times 10^{-31}$ kg、電気素量を $e = 1.6 \times 10^{-19}$ C として計算すると、円運動の半径は 35 . 36 $\times 10^{-$ 37 } m となる。答えは指数表示とし、35, 36, 37 にそれぞれ一の位、小数第 1 位、指数の数字をマークせよ。ただし、35 $\neq 0$ とし、数値は枠に合わせて四捨五入せよ。

3 次の文章を読み、下の問い合わせ(問1~6)に答えよ。

物質に波長 λ のX線を当てると、散乱されたX線の中には、波長が λ より長い λ' のX線が観測される。この現象をコンプトン効果といい、X線を波動と考えたのでは説明することのできないものであった。

アインシュタインは、振動数 ν 、波長 λ の電磁波は [38] のエネルギーを持つ光子の流れであるとする光量子仮説を発展させ、光子は [39] の運動量を持つとした。これから、コンプトンは物質によるX線の散乱は、光子と電子の弾性衝突であり、光子が電子をはね飛ばすときに、運動量とエネルギーの一部を失うと考えた。

図3のように、波長 λ のX線が物質中で静止している質量 m の電子と衝突し、同一平面上でX線が角度 θ の方向に散乱され、電子は角度 ϕ の方向にはね飛ばされたとする。衝突が弾性的であると仮定すると、衝突の前後で両者のエネルギーの和と運動量の和は保存される。衝突後の電子の速さを v 、衝突後のX線の波長を λ' 、光速度を c 、プランク定数を h とする。

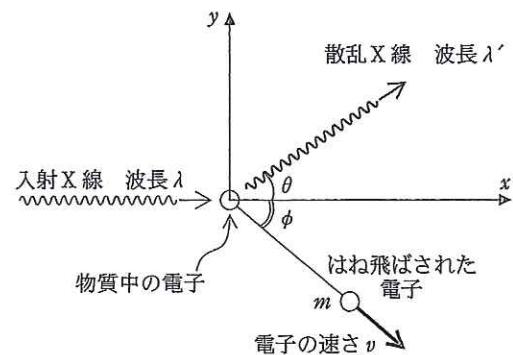


図3

問1 上の文中の [38] および [39] に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちからそれぞれ1つずつ選べ。

- | | | | | |
|-----------------------|--------------|-------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $c\lambda$ | ② $h\lambda$ | ③ hc | ④ $\frac{\lambda}{c}$ | ⑤ $\frac{c}{\lambda}$ |
| ⑥ $\frac{h}{\lambda}$ | ⑦ $h\nu$ | ⑧ $\frac{\nu}{c}$ | ⑨ $\frac{\nu}{hc}$ | |

問2 衝突の前後で、両者のエネルギーの和が保存されるから、[40] の式が成り立つ。

- | | | |
|--|--|--|
| ① $\frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} + \frac{1}{2}mv^2$ | ② $\frac{c}{\lambda} = \frac{c}{\lambda'} + \frac{1}{2}mv^2$ | ③ $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda'} + \frac{1}{2}mv^2$ |
| ④ $\frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} \cos \theta + \frac{1}{2}mv^2 \cos \phi$ | ⑤ $\frac{c}{\lambda} = \frac{c}{\lambda'} \cos \theta + \frac{1}{2}mv^2 \cos \phi$ | ⑥ $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda'} \cos \theta + \frac{1}{2}mv^2 \cos \phi$ |
| ⑦ $\frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} + \frac{1}{2}mv^2 \cos \phi$ | ⑧ $\frac{c}{\lambda} = \frac{c}{\lambda'} + \frac{1}{2}mv^2 \cos \phi$ | ⑨ $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda'} + \frac{1}{2}mv^2 \cos \phi$ |

問3 衝突の前後で、運動量の和が保存されるから x 軸方向成分として、[41] の式が成り立つ。

- | | | |
|---|---|---|
| ① $\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{\lambda'} \sin \theta + mv \sin \phi$ | ② $\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{\lambda'} \cos \theta + mv \sin \phi$ | ③ $\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{\lambda'} \cos \theta + mv \cos \phi$ |
| ④ $\frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} \sin \theta + mv \sin \phi$ | ⑤ $\frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} \cos \theta + mv \sin \phi$ | ⑥ $\frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} \cos \theta + mv \cos \phi$ |
| ⑦ $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda'} \sin \theta + mv \sin \phi$ | ⑧ $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda'} \cos \theta + mv \sin \phi$ | ⑨ $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda'} \cos \theta + mv \cos \phi$ |

問4 衝突の前後で、運動量の和が保存されるから y 軸方向成分として、[42] の式が成り立つ。

- | | | |
|--|--|--|
| ① $0 = \frac{1}{\lambda'} \sin \theta - mv \sin \phi$ | ② $0 = \frac{1}{\lambda'} \cos \theta - mv \sin \phi$ | ③ $0 = \frac{1}{\lambda'} \cos \theta - mv \cos \phi$ |
| ④ $0 = \frac{h}{\lambda'} \sin \theta - mv \sin \phi$ | ⑤ $0 = \frac{h}{\lambda'} \cos \theta - mv \sin \phi$ | ⑥ $0 = \frac{h}{\lambda'} \cos \theta - mv \cos \phi$ |
| ⑦ $0 = \frac{hc}{\lambda'} \sin \theta - mv \sin \phi$ | ⑧ $0 = \frac{hc}{\lambda'} \cos \theta - mv \sin \phi$ | ⑨ $0 = \frac{hc}{\lambda'} \cos \theta - mv \cos \phi$ |

問 5 41 と 42 から, $\sin^2 \phi + \cos^2 \phi = 1$ を用いて ϕ を消去すると衝突後の電子の運動エネルギーは $\frac{1}{2}mv^2 = \boxed{43}$ となる。43 に入る式として最も適切なものを, 次の①~⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} - \frac{2}{\lambda\lambda'}\sin\theta\right)$
- ② $\frac{1}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} - \frac{2}{\lambda\lambda'}\cos\theta\right)$
- ③ $\frac{1}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} + \frac{2}{\lambda\lambda'}\sin\theta\right)$
- ④ $\frac{h^2}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} - \frac{2}{\lambda\lambda'}\sin\theta\right)$
- ⑤ $\frac{h^2}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} - \frac{2}{\lambda\lambda'}\cos\theta\right)$
- ⑥ $\frac{h^2}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} + \frac{2}{\lambda\lambda'}\sin\theta\right)$
- ⑦ $\frac{h^2c^2}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} - \frac{2}{\lambda\lambda'}\sin\theta\right)$
- ⑧ $\frac{h^2c^2}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} - \frac{2}{\lambda\lambda'}\cos\theta\right)$
- ⑨ $\frac{h^2c^2}{2m}\left(\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{\lambda'^2} + \frac{2}{\lambda\lambda'}\sin\theta\right)$

問 6 λ' は λ に近いとし, $\Delta\lambda = \lambda' - \lambda$ は残すが $(\Delta\lambda)^2$ は小さいので無視する近似をする。40 と $\frac{1}{2}mv^2 = \boxed{43}$ の式から v を消去して, 近似的に $\frac{\lambda'}{\lambda} + \frac{\lambda}{\lambda'} = 2$ となることを用いると $\lambda' - \lambda = \boxed{44}$ の式を導くことができる。この式は, 散乱角 θ と散乱 X 線の波長 λ' との関係を示し, 測定値とよく一致し, 理論の正しさが実証された。

44 に入る式として最も適切なものを, 次の①~⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{h}{m}(1 - \cos\theta)$
- ② $\frac{h}{m}(1 + \cos\theta)$
- ③ $\frac{hc}{m}(1 - \cos\theta)$
- ④ $\frac{hc}{m}(1 + \cos\theta)$
- ⑤ $\frac{hc}{m}(1 - \sin\theta)$
- ⑥ $\frac{hc}{m}(1 + \sin\theta)$
- ⑦ $\frac{h}{mc^2}(1 + \cos\theta)$
- ⑧ $\frac{h}{mc}(1 - \cos\theta)$
- ⑨ $\frac{h}{mc}(1 + \cos\theta)$